


Муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение  
«Средняя общеобразовательная школа № 21» г. Белгорода

<p>«Рассмотрено» Руководитель МО Косенок О.Н. <i>Косенок</i> Протокол № <u>5</u> от « <u>26</u> » <u>июня</u> 2023 г.</p>	<p>«Согласовано» Заместитель директора МБОУ СОШ № 21 Жданова М.М. <i>Жданова</i> « <u>27</u> » <u>июня</u> 2023 г.</p>	<p>«Утверждаю» Директор МБОУ СОШ №21 Галкина М.А. <i>Галкина</i> Приказ № <u>421</u> от « <u>28</u> » <u>июня</u> 2023 г.</p> 
---	--	---

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**  
по алгебре  
уровня основного общего образования,  
обеспечивающая реализацию ФГОС  
(в новой редакции)  
Базовый уровень  
Составила: Темерова Лариса Анатольевна

2023 год

## ПЛАНИРУЕМЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Освоение учебного курса «Алгебра» и «Вероятность и статистика» должно обеспечивать достижение на уровне основного общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов.

### ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Личностные результаты освоения программы учебного курса «Геометрия» характеризуются:

**Патриотическое воспитание:** проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах.

**Гражданское и духовно-нравственное воспитание:** готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.); готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного.

**Трудовое воспитание:** установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений; осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей.

**Эстетическое воспитание:** способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений; умению видеть математические закономерности в искусстве.

**Ценности научного познания:** ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; овладением простейшими навыками исследовательской деятельности.

**Физическое воспитание, формирование культуры здоровья и эмоционального благополучия:** готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека.

**Экологическое воспитание:** ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды; осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения.

### **Личностные результаты, обеспечивающие адаптацию обучающегося к изменяющимся условиям социальной и природной среды:**

— готовностью к действиям в условиях неопределённости, повышению уровня своей компетентности через практическую деятельность, в том числе умение учиться у других людей, приобретать в совместной деятельности новые знания, навыки и компетенции из опыта других;

— необходимостью в формировании новых знаний, в том числе формулировать идеи, понятия, гипотезы об объектах и явлениях, в том числе ранее не известных, осознавать дефициты собственных знаний и компетентностей, планировать своё развитие;

— способностью осознавать стрессовую ситуацию, воспринимать стрессовую ситуацию как вызов, требующий контрмер, корректировать принимаемые решения и действия, формулировать и оценивать риски и последствия, формировать опыт.

### **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного курса «Алгебра» характеризуются овладением универсальными **познавательными** действиями, универсальными **коммуникативными** действиями и универсальными **регулятивными** действиями.

1) Универсальные **познавательные** действия обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией).

#### **Базовые логические действия:**

— выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

— воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;

— выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

— делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

— разбирать доказательства математических утверждений (прямые и от противного), проводить самостоятельно несложные доказательства математических фактов, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные рассуждения;

— выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

#### **Базовые исследовательские действия:**

— использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, самостоятельно устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

— проводить по самостоятельно составленному плану несложный эксперимент, небольшое исследование по установлению особенностей математического объекта, зависимостей объектов между собой;

— самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

— прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

### **Работа с информацией:**

— выявлять недостаточность и избыточность информации, данных, необходимых для решения задачи;

— выбирать, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

— выбирать форму представления информации и иллюстрировать решаемые задачи схемами, диаграммами, иной графикой и их комбинациями;

— оценивать надёжность информации по критериям, предложенным учителем или сформулированным самостоятельно.

### **2) универсальные коммуникативные учебные действия:**

#### **Общение:**

— воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

— в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

— представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

#### **Сотрудничество:**

— понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных математических задач;

— принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;

— участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, мозговые штурмы и др.);

— выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды;

— оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) Универсальные **регулятивные** действия обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности.

#### **Самоорганизация:**

самостоятельно составлять план, алгоритм решения задачи (или его часть), выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

#### **Самоконтроль:**

— владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

— предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, найденных ошибок, выявленных трудностей;

— оценивать соответствие результата деятельности поставленной цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения цели, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### **«АЛГЕБРА»**

Освоение учебного курса «Алгебра» на уровне основного общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

#### **Числа и вычисления**

- Выполнять арифметические действия с действительными числами, сочетая устные и письменные приёмы, выполнять вычисления с иррациональными числами.

- Находить значения числовых выражений, применять разнообразные способы и приёмы вычисления значений дробных выражений, содержащих обыкновенные и десятичные дроби.

- Переходить от одной формы записи чисел к другой (преобразовывать десятичную дробь в обыкновенную, обыкновенную в десятичную, в частности в бесконечную десятичную дробь).

- Применять признаки делимости, разложение на множители натуральных чисел.

- Использовать начальные представления о множестве действительных чисел для сравнения, округления и вычислений, изображать действительные числа точками на координатной прямой.

- Выполнять прикидку результата вычислений, оценку числовых выражений.

- Находить значения степеней с целыми показателями и корней, вычислять значения числовых выражений.
- Применять понятие арифметического квадратного корня, находить квадратные корни, используя при необходимости калькулятор, выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни, используя свойства корней.
- Использовать записи больших и малых чисел с помощью десятичных дробей и степеней числа 10.
- Решать практико-ориентированные задачи, связанные с отношением величин, пропорциональностью величин, процентами, интерпретировать результаты решения задач с учётом ограничений, связанных со свойствами рассматриваемых объектов.

### **Алгебраические выражения**

- Использовать алгебраическую терминологию и символику, применять её в процессе освоения учебного материала.
- Находить значения буквенных выражений при заданных значениях переменных.
- Выполнять преобразования целого выражения в многочлен приведением подобных слагаемых, раскрытием скобок.
- Выполнять умножение одночлена на многочлен и многочлена на многочлен, применять формулы квадрата суммы и квадрата разности.
- Осуществлять разложение многочленов на множители с помощью вынесения за скобки общего множителя, группировки слагаемых, применения формул сокращённого умножения.
- Применять понятие степени с целым показателем, выполнять преобразования выражений, содержащих степени с целым показателем.
- Выполнять тождественные преобразования рациональных выражений на основе правил действий над многочленами и алгебраическими дробями.
- Раскладывать квадратный трёхчлен на множители.
- Применять преобразования многочленов для решения различных задач из математики, смежных предметов, из реальной практики.

### **Уравнения и неравенства**

- Решать линейные уравнения с одной переменной, применяя правила перехода от исходного уравнения к равносильному ему.
- Проверять, является ли число корнем уравнения.
- Решать квадратные уравнения, уравнения, сводящиеся к ним, простейшие дробно-рациональные уравнения.
- Решать системы двух линейных уравнений с двумя переменными и системы двух уравнений, в том числе, в которых одно уравнение не является линейным
- Применять графические методы при решении уравнений и их систем.
- Подбирать примеры пар чисел, являющихся решением линейного уравнения с двумя переменными.

- Строить в координатной плоскости график линейного уравнения с двумя переменными, пользоваться графиком, приводить примеры решения уравнения.
- Переходить от словесной формулировки задачи к её алгебраической модели с помощью составления уравнения или системы уравнений, интерпретировать в соответствии с контекстом задачи полученный результат.
- Применять свойства числовых неравенств для сравнения, оценки, решать линейные неравенства с одной переменной и их системы, давать графическую иллюстрацию множества решений неравенства, системы неравенств.
- Решать линейные неравенства, квадратные неравенства, изображать решение неравенств на числовой прямой, записывать решение с помощью символов.
- Решать системы линейных неравенств, системы неравенств, включающие квадратное неравенство, изображать решение системы неравенств на числовой прямой, записывать решение с помощью символов.
- Использовать неравенства при решении различных задач.

### **Функции**

- Изображать на координатной прямой точки, соответствующие заданным координатам, лучи, отрезки, интервалы, записывать числовые промежутки на алгебраическом языке.
- Отмечать в координатной плоскости точки по заданным координатам, строить графики линейных функций.
- Описывать с помощью функций известные зависимости между величинами: скорость, время, расстояние, цена, количество, стоимость, производительность, время, объём работы.
- Понимать графический способ представления и анализа информации, извлекать и интерпретировать информацию из графиков реальных процессов и зависимостей.
- Понимать и использовать функциональные понятия и язык (термины, символические обозначения), определять значение функции по значению аргумента, определять свойства функции по её графику. Распознавать функции изученных видов.
- Строить графики элементарных функций вида:  $y = kx$ ,  $y = |x|$ ,  $y = k/x$ ,  $y = x^2$ ,  $y = x^3$ ,  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = |x|$ , описывать свойства числовой функции по её графику.
- Показывать схематически расположение на координатной плоскости графиков функций вида:  $y = kx$ ,  $y = kx + b$ ,  $y = k/x$ ,  $y = ax^2 + bx + c$ ,  $y = x^2$ ,  $y = x^3$ ,  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = |x|$  в зависимости от значений коэффициентов, описывать свойства функций.
- Строить и изображать схематически графики квадратичных функций, описывать свойства квадратичных функций по их графикам.
- Распознавать квадратичную функцию по формуле, приводить примеры квадратичных функций из реальной жизни, физики, геометрии.

### **Числовые последовательности и прогрессии**

- Распознавать арифметическую и геометрическую прогрессии при разных способах задания.
- Выполнять вычисления с использованием формул  $n$ -го члена арифметической и геометрической прогрессий, суммы первых  $n$  членов.

- Изображать члены последовательности точками на координатной плоскости.
- Решать задачи, связанные с числовыми последовательностями, в том числе задачи из реальной жизни (с использованием калькулятора, цифровых технологий)

### **«ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»**

Освоение учебного курса «Вероятность и статистика» на уровне основного общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

- Читать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиков представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков, строить диаграммы (столбиковые (столбчатые) и круговые) по массивам значений.
- Описывать и интерпретировать реальные числовые данные, представленные в таблицах, на диаграммах, графиках.
- Описывать данные с помощью статистических показателей: средних значений и мер рассеивания (размах, дисперсия и стандартное отклонение).
- Использовать для описания данных статистические характеристики: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах.
- Иметь представление о случайной изменчивости на примерах цен, физических величин, антропометрических данных, иметь представление о статистической устойчивости.
- Находить частоты числовых значений и частоты событий, в том числе по результатам измерений и наблюдений.
- Находить вероятности случайных событий в опытах, зная вероятности элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями.
- Использовать графические модели: дерево случайного эксперимента, диаграммы Эйлера, числовая прямая.
- Оперировать понятиями: множество, подмножество, выполнять операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение, перечислять элементы множеств, применять свойства множеств.
- Использовать графическое представление множеств и связей между ними для описания процессов и явлений, в том числе при решении задач из других учебных предметов и курсов.
- Решать задачи организованным перебором вариантов, а также с использованием комбинаторных правил и методов.
- Использовать описательные характеристики для массивов числовых данных, в том числе средние значения и меры рассеивания.
- Находить частоты значений и частоты события, в том числе пользуясь результатами проведённых измерений и наблюдений.
- Находить вероятности случайных событий в изученных опытах, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, в сериях испытаний до первого успеха, в сериях испытаний Бернулли.



- Иметь представление о случайной величине и о распределении вероятностей.
- Иметь представление о законе больших чисел как о проявлении закономерности в случайной изменчивости и о роли закона больших чисел в природе и обществе.

## СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА «АЛГЕБРА»

### **Числа и вычисления**

Дроби обыкновенные и десятичные, переход от одной формы записи дробей к другой. Понятие рационального числа, запись, сравнение, упорядочивание рациональных чисел. Арифметические действия с рациональными числами. Решение задач из реальной практики на части, на дроби.

Степень с натуральным показателем: определение, преобразование выражений на основе определения, запись больших чисел. Проценты, запись процентов в виде дроби и дроби в виде процентов. Три основные задачи на проценты, решение задач из реальной практики.

Применение признаков делимости, разложение на множители натуральных чисел.

Реальные зависимости, в том числе прямая и обратная пропорциональности. Федеральная рабочая программа

Квадратный корень из числа. Понятие об иррациональном числе. Десятичные приближения иррациональных чисел. Свойства арифметических квадратных корней и их применение к преобразованию числовых выражений и вычислениям. Действительные числа.

Степень с целым показателем и её свойства. Стандартная запись числа.

Рациональные числа, иррациональные числа, конечные и бесконечные десятичные дроби. Множество действительных чисел, действительные числа как бесконечные десятичные дроби. Взаимно однозначное соответствие между множеством действительных чисел и координатной прямой.

Сравнение действительных чисел, арифметические действия с действительными числами.

Размеры объектов окружающего мира, длительность процессов в окружающем мире.

Приближённое значение величины, точность приближения. Округление чисел. Прикидка и оценка результатов вычислений.

### **Алгебраические выражения**

Переменные, числовое значение выражения с переменной. Допустимые значения переменных. Представление зависимости между величинами в виде формулы. Вычисления по формулам. Преобразование буквенных выражений, тождественно равные выражения, правила преобразования сумм и произведений, правила раскрытия скобок и приведения подобных слагаемых.

Квадратный трёхчлен, разложение квадратного трёхчлена на множители.

Алгебраическая дробь. Основное свойство алгебраической дроби. Сложение, вычитание, умножение, деление алгебраических дробей.

Рациональные выражения и их преобразование.

### **Свойства степени с натуральным показателем.**

Одночлены и многочлены. Степень многочлена. Сложение, вычитание, умножение многочленов. Формулы сокращённого умножения: квадрат суммы и квадрат разности. Формула разности квадратов. Разложение многочленов на множители.

### **Уравнения и неравенства**

Уравнение, корень уравнения, правила преобразования уравнения, равносильность уравнений.

Линейное уравнение с одной переменной, число корней линейного уравнения, решение линейных уравнений. Составление уравнений по условию задачи. Решение текстовых задач с помощью уравнений.

Линейное уравнение с двумя переменными и его график. Система двух линейных уравнений с двумя переменными. Решение систем уравнений способом подстановки. Примеры решения текстовых задач с помощью систем уравнений.

Квадратное уравнение, формула корней квадратного уравнения. Теорема Виета. Решение уравнений, сводящихся к линейным и квадратным. Биквадратное уравнение. Примеры решения уравнений третьей и четвёртой степеней разложением на множители. Решение дробно-рациональных уравнений.

Графическая интерпретация уравнений с двумя переменными и систем линейных уравнений с двумя переменными. Примеры решения систем нелинейных уравнений с двумя переменными.

Уравнение с двумя переменными и его график. Решение систем двух линейных уравнений с двумя переменными. Решение систем двух уравнений, одно из которых линейное, а другое – второй степени. Графическая интерпретация системы уравнений с двумя переменными.

Решение текстовых задач алгебраическим способом.

Числовые неравенства и их свойства. Неравенство с одной переменной. Равносильность неравенств. Линейные неравенства с одной переменной. Системы линейных неравенств с одной переменной.

Решение линейных неравенств с одной переменной. Решение систем линейных неравенств с одной переменной. Квадратные неравенства. Графическая интерпретация неравенств и систем неравенств с двумя переменными.

### **Функции**

Координата точки на прямой. Числовые промежутки. Расстояние между двумя точками координатной прямой.

Прямоугольная система координат, оси  $Ox$  и  $Oy$ . Абсцисса и ордината точки на координатной плоскости. Примеры графиков, заданных формулами. Чтение графиков реальных зависимостей. Понятие функции. График функции. Свойства функций. Линейная функция, её график. График функции  $y = |x|$ . Графическое решение линейных уравнений и систем линейных уравнений.

Понятие функции. Область определения и множество значений функции. Способы задания функций.

График функции. Чтение свойств функции по её графику. Примеры графиков функций, отражающих реальные процессы.

Функции, описывающие прямую и обратную пропорциональные зависимости, их графики. Функции  $y = x^2$ ,  $y = x^3$ ,  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = |x|$  Графическое решение уравнений и систем уравнений.

Квадратичная функция, её график и свойства. Парабола, координаты вершины параболы, ось симметрии параболы.

Графики функций: свойства  $y = kx$ ,  $y = kx + b$ ,  $y = k/x$ ,  $y = ax^2 + bx + c$ ,  $y = x^3$ ,  $y = \sqrt{x}$ ,  $y = |x|$  и их свойства.

### **Числовые последовательности и прогрессии**

Понятие числовой последовательности. Задание последовательности рекуррентной формулой и формулой n-го члена.

Арифметическая и геометрическая прогрессии.

Формулы n-го члена арифметической и геометрической прогрессий, суммы первых n членов.

Изображение членов арифметической и геометрической прогрессий точками на координатной плоскости. Линейный и экспоненциальный рост. Сложные проценты

### **«ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»**

Представление данных в виде таблиц, диаграмм, графиков. Заполнение таблиц, чтение и построение диаграмм (столбиковых (столбчатых) и круговых). Чтение графиков реальных процессов. Извлечение информации из диаграмм и таблиц, использование и интерпретация данных.

Описательная статистика: среднее арифметическое, медиана, размах, наибольшее и наименьшее значения набора числовых данных. Примеры случайной изменчивости.

Случайный эксперимент (опыт) и случайное событие. Вероятность и частота. Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.

Граф, вершина, ребро. Степень вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин. Представление о связности графа. Цепи и циклы. Пути в графах. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированном графе. Решение задач с помощью графов.

Множество, элемент множества, подмножество. Операции над множествами: объединение, пересечение, дополнение. Свойства операций над множествами: переместительное, сочетательное, распределительное, включения. Использование графического представления множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач.

Измерение рассеивания данных. Дисперсия и стандартное отклонение числовых наборов. Диаграмма рассеивания.

Элементарные события случайного опыта. Случайные события. Вероятности событий. Опыты с равновероятными элементарными событиями. Случайный выбор. Связь между маловероятными и практически достоверными событиями в природе, обществе и науке.

Дерево. Свойства деревьев: единственность пути, существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер. Правило умножения. Решение задач с помощью графов.

Противоположные события. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события. Формула сложения вероятностей. Условная вероятность. Правило умножения. Независимые события. Представление эксперимента в виде дерева. Решение задач на нахождение вероятностей с помощью дерева случайного эксперимента, диаграмм Эйлера.

Чтение и построение таблиц, диаграмм, графиков по реальным данным.

Перестановки и факториал. Сочетания и число сочетаний. Треугольник Паскаля. Решение задач с использованием комбинаторики.

Геометрическая вероятность. Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка и из дуги окружности.

Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха. Серия испытаний Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли.

Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия. Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины «число успехов в серии испытаний Бернулли».

Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Роль и значение закона больших чисел в природе и обществе.

# ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

1 вариант

«АЛГЕБРА»

«ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»

7 класс

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Глава 1. Числа и вычисления. Рациональные числа</b>			
<b>22 часа</b>			
1.1.	Понятие рационального числа	1	<b>Систематизировать и обогащать знания</b> об обыкновенных и десятичных дробях.
1.2.	Арифметические действия с рациональными числами	3	<b>Сравнивать и упорядочивать дроби</b> , преобразовывая при необходимости десятичные дроби в обыкновенные, обыкновенные в десятичные, в частности в бесконечную десятичную дробь.
1.3.	Сравнение, упорядочивание рациональных чисел	3	<b>Применять разнообразные способы и приёмы вычисления значений дробных выражений</b> , содержащих обыкновенные и десятичные дроби: заменять при необходимости десятичную дробь обыкновенной и обыкновенную десятичной, приводить выражение к форме, наиболее удобной для вычислений,
1.4.	Степень с натуральным показателем	4	преобразовывать дробные выражения на умножение и деление десятичных дробей к действиям с целыми числами.
1.5.	Решение основных задач на дроби, проценты из реальной практики	4	<b>Приводить числовые и буквенные примеры</b> степени с натуральным показателем, объясняя значения основания степени и показателя степени, находить значения степеней вида $a^n$ ( $a$ – любое рациональное число, $n$ – натуральное число).
1.6.	Признаки делимости, разложения на множители натуральных чисел	2	<b>Понимать</b> смысл записи больших чисел с помощью десятичных дробей и степеней числа 10, <b>применять</b> их в реальных ситуациях.
1.7.	Реальные зависимости. Прямая и обратная пропорциональности	3	<b>Применять</b> признаки делимости, разложения на множители натуральных чисел.
	Контрольные работы	2	<b>Решать задачи</b> на части, проценты, пропорции, на нахождение дроби (процента) от величины и величины по её дроби (проценту), дроби (процента), который составляет одна величина от другой. <b>Приводить, разбирать, оценивать</b> различные решения, записи решений текстовых задач.
			<b>Распознавать и объяснять</b> , опираясь на определения, прямо пропорциональные и обратно пропорциональные зависимости между величинами; <b>приводить примеры</b> этих зависимостей из реального мира, из других учебных предметов.
			<b>Решать</b> практико-ориентированные задачи на дроби, проценты, прямую и обратную пропорциональности, пропорции
<b>Глава 2. Алгебраические выражения</b>			

<b>23 часа</b>			
2.1.	Буквенные выражения	1	<p><b>Овладеть</b> алгебраической терминологией и символикой, <b>применять</b> её в процессе освоения учебного материала. <b>Находить</b> значения буквенных выражений при заданных значениях букв; выполнять вычисления по формулам.</p> <p><b>Выполнять</b> преобразования целого выражения в многочлен приведением подобных слагаемых, раскрытием скобок. <b>Выполнять</b> умножение одночлена на многочлен и многочлена на многочлен, <b>применять</b> формулы квадрата суммы и квадрата разности.</p> <p><b>Осуществлять</b> разложение многочленов на множители путём вынесения за скобки общего множителя, применения формулы разности квадратов, формул сокращённого умножения.</p> <p><b>Применять</b> преобразование многочленов для решения различных задач из математики, смежных предметов, из реальной практики.</p> <p><b>Знакомиться с историей</b> развития математики</p>
2.2.	Переменные. Допустимые значения переменных	1	
2.3.	Формулы	1	
2.4.	Преобразование буквенных выражений, раскрытие скобок и приведение подобных слагаемых	3	
2.5.	Свойства степени с натуральным показателем	3	
2.6.	Многочлены	1	
2.7.	Сложение, вычитание, умножение многочленов	3	
2.8.	Формулы сокращённого умножения	4	
2.9.	Разложение многочленов на множители	4	
	Контрольные работы №2, №3	2	
<b>Глава 3. Уравнения и неравенства 20 часов</b>			
3.1.	Уравнение, правила преобразования уравнения, равносильность уравнений	1	<p><b>Решать</b> линейное уравнение с одной переменной, <b>применяя правила</b> перехода от исходного уравнения к равносильному ему более простого вида. <b>Проверять</b>, является ли конкретное число корнем уравнения.</p> <p><b>Подбирать примеры</b> пар чисел, являющихся решением линейного уравнения с двумя переменными.</p> <p><b>Строить</b> в координатной плоскости график линейного уравнения с двумя переменными; пользоваться графиком, <b>приводить примеры</b> решения уравнения.</p> <p><b>Находить решение</b> системы двух линейных уравнений с двумя переменными.</p> <p><b>Составлять и решать</b> уравнение или систему уравнений по условию задачи, интерпретировать в соответствии с контекстом задачи полученный результат</p>
3.2.	Линейное уравнение с одной переменной, решение линейных уравнений	3	
3.3.	Решение задач с помощью уравнений	4	
3.4.	Линейное уравнение с двумя переменными и его график	3	
3.5.	Система двух линейных уравнений с двумя переменными	2	
3.6.	Решение систем уравнений	5	
	Контрольные работы №4, №5	2	
<b>Глава 4. Координаты и графики. Функции 22 часа</b>			
4.1.	Координата точки на прямой	1	<p><b>Изобразить</b> на координатной прямой точки, соответствующие заданным координатам, лучи, отрезки,</p>

4.2.	Числовые промежутки	2	интервалы; записывать их на алгебраическом языке.
4.3.	Расстояние между двумя точками координатной прямой	1	<p><b>Отмечать в координатной плоскости</b> точки по заданным координатам; строить графики несложных зависимостей, заданных формулами, в том числе с помощью цифровых лабораторий.</p> <p><b>Применять, изучать преимущества, интерпретировать</b> графический способ представления и анализа разнообразной жизненной информации.</p> <p><b>Осваивать</b> понятие функции, овладевать функциональной терминологией. <b>Распознавать</b> линейную функцию <math>y = kx + b</math>,</p> <p><b>описывать</b> её свойства в зависимости от значений коэффициентов <math>k</math> и <math>b</math>.</p> <p><b>Строить графики</b> линейной функции, функции <math>y =  x </math>.</p> <p><b>Использовать цифровые ресурсы</b> для построения графиков функций и изучения их свойств.</p> <p>Приводить примеры линейных зависимостей в реальных процессах и явлениях</p>
4.4.	Прямоугольная система координат на плоскости	2	
4.5.	Примеры графиков, заданных формулами	2	
4.6.	Чтение графиков реальных зависимостей	2	
4.7.	Понятие функции	1	
4.8.	График функции	1	
4.9.	Свойства функций	2	
4.10.	Линейная функция	2	
4.11.	Построение графика линейной функции	2	
4.12.	График функции $y =  x $	2	
	Контрольные работы №6, №7	2	

### Вероятность и статистика

**11 часов**

	Таблицы. Упорядочивание данных и поиск информации. Подсчёты и вычисления в таблицах	1	<p><b>Осваивать способы</b> представления статистических данных и числовых массивов с помощью таблиц и диаграмм с использованием актуальных и важных данных (демографические данные, производство промышленной и сельскохозяйственной продукции, общественные и природные явления).</p> <p><b>Изучать методы</b> работы с табличными и графическими представлениями данных с помощью цифровых ресурсов в ходе практических работ.</p>
	Медиана числового набора. Наибольшее и наименьшее значения. Размах	1	<p><b>Осваивать понятия:</b> числовой набор, мера центральной тенденции (мера центра), в том числе среднее арифметическое, медиана.</p> <p><b>Описывать</b> статистические данные с помощью среднего арифметического и медианы. Решать задачи.</p> <p><b>Изучать свойства</b> средних, в том числе с помощью цифровых ресурсов, в ходе практических работ.</p> <p><b>Осваивать понятия:</b> наибольшее и наименьшее значения числового массива, размах.</p> <p><b>Решать задачи</b> на выбор способа описания данных в соответствии с природой данных и целями исследования.</p>
	Примеры случайной изменчивости. Точность и погрешность измерений. Тенденции и случайные отклонения	1	<p><b>Осваивать понятия:</b> частота значений в массиве данных, группировка данных, гистограмма.</p> <p><b>Строить и анализировать</b> гистограммы, <b>подбирать</b> подходящий шаг группировки.</p> <p><b>Осваивать</b> графические представления разных видов случайной изменчивости, в том числе с помощью цифровых ресурсов, в ходе практической работы</p>
	Частоты значений в массиве данных. Группировка данных и гистограммы. Выборка.	1	

	Рост человека		
	Графы. Вершины и рёбра графа	1	<b>Осваивать понятия:</b> граф, вершина графа, ребро графа, степень
	Степень вершины. Пути в графе. Связный граф	1	(валентность вершины), цепь, цикл. <b>Осваивать понятия:</b> путь в графе, эйлеров путь, обход графа, ориентированный граф. <b>Решать задачи</b> на поиск суммы степеней вершин графа, на поиск обхода графа, на поиск путей в ориентированных графах. <b>Осваивать способы</b> представления задач из курса алгебры, геометрии, теории вероятностей, других предметов с помощью графов (карты, схемы, Электрические цепи, функциональные соответствия) на примерах.
	Утверждения и высказывания. Отрицание. Условные утверждения. Обратные и равносильные утверждения.	1	<b>Оперировать понятиями:</b> высказывание, истинность и ложность высказывания, сложные и простые высказывания, отрицание. <b>Строить</b> высказывания, отрицания высказываний, цепочки умозаключений на основе использования правил логики.
	Признаки и свойства. Необходимые и достаточные условия.	1	<b>Оперировать понятиями:</b> определение, аксиома, теорема, доказательство; <b>Приводить</b> примеры и контрпримеры для подтверждения своих высказываний, условные высказывания (импликации).
	Вероятности и частоты событий. Монета и игральная кость в теории вероятностей. Как и зачем узнать вероятность события. Вероятностная защита от ошибок	1	<b>Осваивать понятия:</b> случайный опыт и случайное событие, маловероятное и практически достоверное событие. <b>Изучать</b> значимость маловероятных событий в природе и обществе на важных примерах (аварии, несчастные случаи, защита персональной информации, передача данных). <b>Изучать</b> роль классических вероятностных моделей (монета, игральная кость) в теории вероятностей. <b>Наблюдать и изучать</b> частоту событий в простых экспериментах, в том числе с помощью цифровых ресурсов, в ходе практической работы.
	Повторение. Представление данных. Описательная статистика. Повторение. Решение практических и прикладных задач	1	<b>Повторять</b> изученное и <b>выстраивать</b> систему знаний. <b>Решать задачи</b> на представление и описание данных с помощью изученных характеристик. <b>Обсуждать примеры</b> случайных событий, маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека
	Итоговая контрольная работа по темам: «Представление данных», «Введение в теорию графов», «Вероятность и частота случайного события».	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Повторение и обобщение</b> <b>4 часа</b>			



	Повторение основных понятий и методов курса 7 класса, обобщение знаний	3	<b>Выбирать, применять оценивать способы</b> сравнения чисел, вычислений, преобразований выражений, решения уравнений. <b>Осуществлять самоконтроль</b> выполняемых действий и самопроверку результата вычислений, преобразований, построений.
	Итоговая контрольная работа	1	<b>Решать задачи</b> из реальной жизни, <b>применять математические знания</b> для решения задач из других предметов. <b>Решать текстовые задачи, сравнивать, выбирать способы</b> решения задачи
	Общее количество часов по программе	102	

**«АЛГЕБРА»**  
**«ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»**  
**8 класс**

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Раздел 1. Числа и вычисления. Квадратные корни</b> <b>13 часов</b>			
1.1.	Квадратный корень из числа	1	<b>Формулировать определение</b> квадратного корня из числа, арифметического квадратного корня.
1.2.	Понятие об иррациональном числе.	1	<b>Применять</b> операцию извлечения квадратного корня из числа, <b>используя</b> при необходимости <b>калькулятор</b> .
1.3.	Десятичные приближения иррациональных чисел.	1	<b>Оценивать</b> квадратные корни целыми числами и десятичными дробями.
1.4.	Действительные числа.	1	<b>Сравнивать и упорядочивать</b> рациональные и иррациональные числа, записанные с помощью квадратных корней.
1.5.	Сравнение действительных чисел	1	<b>Исследовать</b> уравнение $x^2 = a$ , находить точные и приближённые корни при $a > 0$ .
1.6.	Арифметический квадратный корень	1	<b>Исследовать свойства</b> квадратных корней, проводя числовые эксперименты с использованием калькулятора (компьютера).
1.7.	Уравнение вида $x^2 = a$	2	<b>Доказывать свойства</b> арифметических квадратных корней; применять их для преобразования выражений.
1.8.	Свойства арифметических квадратных корней	2	<b>Выполнять преобразования</b> выражений, содержащих квадратные корни. Выразить переменные из геометрических и физических формул.
1.9.	Преобразование числовых выражений, содержащих квадратные корни	2	<b>Вычислять значения</b> выражений, содержащих квадратные корни, используя при необходимости калькулятор.
	Контрольная работа №1	1	<b>Использовать</b> в ходе решения задач элементарные представления, связанные с приближёнными значениями величин. <b>Знакомиться с историей</b> развития математики
<b>Раздел 2. Числа и вычисления. Степень с целым показателем</b> <b>7 часов</b>			
2.1.	Степень с целым показателем	1	<b>Формулировать определение</b> степени с целым показателем.

2.2.	Стандартная запись числа.	1	<p><b>Представлять запись</b> больших и малых чисел в стандартном виде. <b>Сравнивать</b> числа и величины, записанные с использованием степени 10.</p> <p><b>Использовать запись</b> чисел в стандартном виде для выражения размеров объектов, длительности процессов в окружающем мире.</p> <p><b>Формулировать, записывать в символической форме и иллюстрировать примерами</b> свойства степени с целым показателем.</p> <p><b>Применять свойства</b> степени для преобразования выражений, содержащих степени с целым показателем. <b>Выполнять действия</b> с числами, записанными в стандартном виде (умножение, деление, возведение в степень)</p>
2.3.	Размеры объектов окружающего мира (от элементарных частиц до космических объектов), длительность процессов в окружающем мире	1	
2.4.	Свойства степени с целым показателем	3	
	Контрольная работа №2	1	
<b>Раздел 3. Алгебраические выражения. Квадратный трёхчлен</b> <b>5 часов</b>			
3.1.	Квадратный трёхчлен	1	<p><b>Распознавать</b> квадратный трёхчлен, устанавливать возможность его разложения на множители.</p> <p><b>Раскладывать на множители</b> квадратный трёхчлен с неотрицательным дискриминантом</p>
3.2.	Разложение квадратного трёхчлена на множители	3	
	Контрольная работа №3	1	
<b>Раздел 4. Алгебраические выражения. Алгебраическая дробь</b> <b>13 часов</b>			
4.1.	Алгебраическая дробь	1	<p><b>Записывать</b> алгебраические выражения. <b>Находить</b> область определения рационального выражения.</p> <p><b>Выполнять</b> числовые подстановки и <b>вычислять</b> значение дроби, в том числе с помощью калькулятора.</p> <p><b>Формулировать</b> основное свойство алгебраической дроби и <b>применять</b> его для преобразования дробей.</p> <p><b>Выполнять действия</b> с алгебраическими дробями.</p> <p>Применять преобразования выражений для решения задач. <b>Выражать переменные</b> из формул (физических, геометрических, описывающих бытовые ситуации)</p>
4.2.	Допустимые значения переменных, входящих в алгебраические выражения	1	
4.3.	Основное свойство алгебраической дроби	2	
4.4.	Сокращение дробей	2	
4.5.	Сложение, вычитание, умножение и деление алгебраических дробей	3	
4.6.	Преобразование выражений, содержащих алгебраические дроби	3	
	Контрольная работа №4	1	
<b>Раздел 5. Уравнения и неравенства. Квадратные уравнения</b> <b>14 часов</b>			
5.1.	Квадратное уравнение	1	<p><b>Распознавать</b> квадратные уравнения.</p> <p><b>Записывать формулу</b> корней квадратного уравнения; <b>решать квадратные уравнения</b> — полные и неполные.</p> <p><b>Проводить простейшие исследования</b> квадратных уравнений.</p> <p><b>Решать уравнения</b>, сводящиеся к квадратным, с помощью преобразований и замены переменной.</p> <p><b>Наблюдать и анализировать</b> связь между корнями и коэффициентами квадратного уравнения.</p> <p><b>Формулировать</b> теорему Виета, а также обратную - теорему, применять эти теоремы для решения задач.</p> <p><b>Решать текстовые задачи</b> алгебраическим способом: переходить от словесной формулировки</p>
5.2.	Неполное квадратное уравнение	1	
5.3.	Формула корней квадратного уравнения	3	
5.4.	Теорема Виета.	2	
5.5.	Решение уравнений, сводящихся к квадратным	2	
5.6.	Простейшие дробно-рациональные уравнения	2	
5.7.	Решение текстовых задач с помощью квадратных	2	

	уравнений		условия задачи к алгебраической модели путём составления уравнения; решать составленное уравнение; интерпретировать результат. <b>Знакомиться с историей</b> развития алгебры
	Контрольная работа №5	1	
<b>Раздел 6. Уравнения и неравенства. Системы уравнений</b> <b>11 часов</b>			
6.1.	Линейное уравнение с двумя переменными, его график, примеры решения уравнений в целых числах	1	<b>Распознавать</b> линейные уравнения с двумя переменными. <b>Строить</b> графики линейных уравнений, в том числе <b>используя цифровые ресурсы</b> . <b>Различать</b> параллельные и пересекающиеся прямые по их уравнениям. <b>Решать</b> системы двух линейных уравнений с двумя переменными подстановкой и сложением. <b>Решать</b> простейшие системы, в которых одно из уравнений не является линейным. <b>Приводить графическую интерпретацию</b> решения уравнения с двумя переменными и систем уравнений с двумя переменными. <b>Решать текстовые задачи</b> алгебраическим способом
6.2.	Решение систем двух линейных уравнений с двумя переменными	2	
6.3.	Примеры решения систем нелинейных уравнений с двумя переменными	2	
6.4.	Графическая интерпретация уравнения с двумя переменными и систем линейных уравнений с двумя переменными	2	
6.5.	Решение текстовых задач с помощью систем уравнений	3	
	Контрольная работа №6	1	
<b>Раздел 7. Уравнения и неравенства. Неравенства</b> <b>11 часов</b>			
7.1.	Числовые неравенства и их свойства	2	<b>Формулировать свойства</b> числовых неравенств, иллюстрировать их на координатной прямой, <b>доказывать</b> алгебраически. <b>Применять свойства</b> неравенств в ходе решения задач. <b>Решать</b> линейные неравенства с одной переменной, изображать решение неравенства на числовой прямой. <b>Решать</b> системы линейных неравенств, изображать решение системы неравенств на числовой прямой
7.2.	Неравенство с одной переменной	1	
7.3.	Линейные неравенства с одной переменной и их решение	3	
7.4.	Системы линейных неравенств с одной переменной и их решение	2	
7.5.	Изображение решения линейного неравенства и их систем на числовой прямой	2	
	Контрольная работа №7	1	
<b>Раздел 8. Функции. Основные понятия</b> <b>5 часов</b>			
8.1.	Понятие функции.	1	<b>Использовать</b> функциональную терминологию и символику. <b>Вычислять значения</b> функций, заданных формулами (при необходимости использовать калькулятор); <b>составлять таблицы значений</b> функции. <b>Строить по точкам графики</b> функций.
8.2.	Область определения и множество значений функции		
8.3.	Способы задания функций.	1	

			<b>Описывать свойства</b> функции на основе её графического представления.
8.4.	График функции	1	
8.5.	Свойства функции, их отображение на графике	2	<b>Использовать</b> функциональную терминологию и символику. <b>Исследовать</b> примеры графиков, отражающих реальные процессы и явления. <b>Приводить примеры</b> процессов и явлений с заданными свойствами. <b>Использовать компьютерные программы</b> для построения графиков функций и изучения их свойств
<b>Раздел 9. Функции. Числовые функции</b> <b>8 часов</b>			
9.1.	Чтение и построение графиков функций	1	<b>Находить с помощью графика</b> функции значение одной из рассматриваемых величин по значению другой. В несложных случаях <b>выражать формулой зависимость</b> между величинами. <b>Описывать</b> характер изменения одной величины в зависимости от изменения другой.
9.2.	Примеры графиков функций, отражающих реальные процессы	1	<b>Распознавать</b> виды изучаемых функций. <b>Показывать схематически</b> положение на координатной плоскости графиков функций вида: $y = x^2$ , $y = x^3$ , $y = \sqrt{x}$ , $y =  x $ .
9.3.	Функции, описывающие прямую и обратную пропорциональные зависимости, их графики	1	
9.4.	Гипербола	1	
9.5.	График функции $y = x^2$	1	<b>Использовать функционально-графические представления</b> для решения и исследования уравнений и систем уравнений.
9.6.	Функции $y = x^2$ , $y = x^3$ , $y = \sqrt{x}$ , $y =  x $ ; графическое решение уравнений и систем уравнений	2	<b>Применять цифровые ресурсы</b> для построения графиков функций
	Контрольная работа №8	1	
<b>Вероятность и статистика</b> <b>11 часов</b>			
	Повторение курса 7 класса	1	<b>Повторять</b> изученное и <b>выстраивать</b> систему знаний. <b>Решать задачи</b> на представление и описание данных с помощью изученных характеристик. <b>Решать задачи</b> на представление группированных данных и описание случайной изменчивости. <b>Решать задачи</b> на определение частоты случайных событий, обсуждение примеров случайных событий, маловероятных и практически достоверных случайных событий, их роли в природе и жизни человека
32-35	Описательная статистика. Рассеивание данных	1	<b>Осваивать понятия:</b> дисперсия и стандартное отклонение, использовать эти характеристики для описания рассеивания данных. <b>Выдвигать гипотезы</b> об отсутствии или наличии связи по диаграммам рассеивания. <b>Строить</b> диаграммы рассеивания по имеющимся данным, в том числе с помощью компьютера
24-27	Множества	1	<b>Осваивать понятия:</b> множество, элемент множества, подмножество. <b>Выполнять операции</b> над множествами: объединение, пересечение, дополнение. <b>Использовать свойства:</b> переместительное, сочетательное, распределительное, включения.

			<b>Использовать</b> графическое представление множеств при описании реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов и курсов
28-31	Вероятность случайного события	2	<b>Осваивать понятия:</b> элементарное событие, случайное событие как совокупность благоприятствующих элементарных событий, равновозможные элементарные события. <b>Решать задачи</b> на вычисление вероятностей событий по вероятностям элементарных событий случайного опыта. <b>Решать задачи</b> на вычисление вероятностей событий в опытах с равновозможными элементарными событиями,
36-37	Введение в теорию графов	2	<b>Осваивать понятия:</b> дерево как граф без цикла, всякая вершина (лист), ветвь дерева, путь в дереве, диаметр дерева. <b>Изучать свойства</b> дерева: существование всячей вершины, единственность пути между двумя вершинами, связь между числом вершин и числом рёбер. <b>Решать задачи</b> на поиск и перечисление путей в дереве, определение числа вершин или рёбер в дереве, обход бинарного дерева, в том числе с применением правила умножения
41-43	Случайные события	2	<b>Осваивать понятия:</b> взаимно противоположные события, операции над событиями, объединение и пересечение событий, диаграмма Эйлера (Эйлера—Венна), совместные и несовместные события. <b>Изучать теоремы</b> о вероятности объединения двух событий (формулы сложения вероятностей). <b>Решать задачи</b> , в том числе текстовые задачи на определение вероятностей объединения и пересечения событий с помощью числовой прямой, диаграмм Эйлера, формулы сложения вероятностей. <b>Осваивать понятия:</b> правило умножения вероятностей, условная вероятность, независимые события дерево случайного опыта. <b>Изучать свойства</b> (определения) независимых событий. <b>Решать задачи</b> на определение и использование независимых событий. <b>Решать задачи</b> на поиск вероятностей, в том числе условных, с использованием дерева случайного опыта
	Итоговое повторение и обобщение материала	1	<b>Повторять</b> изученное и <b>выстраивать систему</b> знаний. <b>Решать задачи</b> на представление и описание данных с помощью изученных характеристик. <b>Решать задачи</b> с применением графов. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятности случайного события по вероятностям элементарных событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей объединения и пересечения событий, в том числе независимых, с использованием графических

			представлений и дерева случайного опыта. <b>Решать задачи</b> на перечисление комбинаций (числа перестановок, числа сочетаний), на нахождение вероятностей событий с применением комбинаторики, в том числе с использованием треугольника Паскаля
	Контрольная работа по темам «Вероятность и статистика»	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Раздел 10. Повторение и обобщение 4 часа</b>			
	Повторение основных понятий и методов курсов 7 и 8 классов, обобщение знаний	3	<b>Выбирать, применять, оценивать способы</b> сравнения чисел, вычислений, преобразований выражений, решения уравнений. <b>Осуществлять самоконтроль</b> выполняемых действий и самопроверку результата вычислений, преобразований, построений. <b>Решать задачи из реальной жизни, применять</b> математические знания для решения задач из других предметов. <b>Решать текстовые задачи, сравнивать, выбирать способы</b> решения задачи
	Итоговая контрольная работа	1	
	<b>Общее количество часов по программе</b>	<b>102</b>	

## «АЛГЕБРА»

### 9 класс

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Числа и вычисления. Действительные числа 9 часов</b>			
1.1.	Рациональные числа, иррациональные числа, конечные и бесконечные десятичные дроби	1	<b>Развивать представления</b> о числах: от множества натуральных чисел до множества действительных чисел. <b>Ознакомиться</b> с возможностью представления действительного числа как бесконечной десятичной дроби, <b>применять</b> десятичные приближения рациональных и иррациональных чисел.
1.2.	Множество действительных чисел; действительные числа как бесконечные десятичные дроби	2	<b>Изображать</b> действительные числа точками координатной прямой.
1.3.	Взаимно однозначное соответствие между множеством действительных чисел и множеством точек координатной прямой	1	<b>Записывать, сравнивать и упорядочивать</b> действительные числа. <b>Выполнять</b> , сочетая устные и письменные приёмы, <b>арифметические действия</b> с рациональными числами; <b>находить</b> значения степеней с целыми показателями и корней;
1.4.	Сравнение действительных чисел, арифметические действия с	1	<b>вычислять</b> значения числовых выражений. <b>Получить представление</b> о значимости действительных чисел в практической

	действительными числами		деятельности человека. <b>Анализировать и делать выводы</b> о точности приближения действительного числа при решении задач. <b>Округлять</b> действительные числа, <b>выполнять прикидку</b> результата вычислений, <b>оценку</b> значений числовых выражений. <b>Знакомиться с историей</b> развития математики
1.5.	Приближённое значение величины, точность приближения.	1	
1.6.	Округление чисел.	1	
1.7.	Прикидка и оценка результатов вычислений	1	
	Контрольная работа №1	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Уравнения и неравенства. Уравнения с одной переменной</b> <b>14 часов</b>			
2.1.	Линейное уравнение	1	<b>Осваивать, запоминать и применять графические методы</b> при решении уравнений, неравенств и их систем. <b>Распознавать</b> целые и дробные уравнения. <b>Решать линейные и квадратные уравнения</b> , уравнения, сводящиеся к ним, простейшие дробно-рациональные уравнения. <b>Предлагать</b> возможные способы решения текстовых задач, <b>обсуждать их и решать</b> текстовые задачи разными способами. <b>Знакомиться с историей</b> развития математики
2.2.	Решение уравнений, сводящихся к линейным	1	
2.3.	Квадратное уравнение	1	
2.4.	Решение уравнений, сводящихся к квадратным	2	
2.5.	Биквадратные уравнения	2	
2.6.	Примеры решения уравнений третьей и четвёртой степеней разложением на множители	1	
2.7.	Решение дробно-рациональных уравнений	2	
2.8.	Решение текстовых задач алгебраическим методом	3	
	Контрольная работа № 2	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Уравнения и неравенства. Системы уравнений</b> <b>14 часов</b>			
3.1.	Уравнение с двумя переменными и его график	2	<b>Осваивать и применять</b> приёмы решения системы двух линейных уравнений с двумя переменными и системы двух уравнений, в которых одно уравнение не является линейным. <b>Использовать</b> функционально-графические представления для <b>решения и исследования</b> уравнений и систем. <b>Анализировать тексты задач</b> , <b>решать</b> их алгебраическим способом: <b>переходить</b> от словесной формулировки условия задачи к алгебраической модели путём составления системы уравнений; <b>решать</b> составленную систему уравнений; <b>интерпретировать</b> результат. <b>Знакомиться с историей</b> развития математики
3.2.	Система двух линейных уравнений с двумя переменными и её решение	3	
3.3.	Решение систем двух уравнений, одно из которых линейное, а другое – второй степени	3	
3.4.	Графическая интерпретация системы уравнений с двумя переменными	2	
3.5.	Решение текстовых	3	

	задач алгебраическим способом		
	Контрольная работа №3	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Уравнения и неравенства. Неравенства</b> <b>16 часов</b>			
4.1.	Числовые неравенства и их свойства	2	<b>Читать, записывать, понимать, интерпретировать</b> неравенства; использовать символику и терминологию.
4.2.	Линейные неравенства с одной переменной и их решение	2	<b>Выполнять</b> преобразования неравенств, <b>использовать</b> для преобразования свойства числовых неравенств. <b>Распознавать</b> линейные и квадратные неравенства.
4.3.	Системы линейных неравенств с одной переменной и их решение	4	<b>Решать</b> линейные неравенства, системы линейных неравенств, системы неравенств, включающих квадратное неравенство, и решать их; <b>обсуждать</b> полученные решения.
4.4.	Квадратные неравенства и их решение	4	<b>Изображать</b> решение неравенства и системы неравенств на числовой прямой, <b>записывать</b> решение с помощью символов.
4.5.	Графическая интерпретация неравенств и систем неравенств с двумя переменными	3	<b>Решать</b> квадратные неравенства, используя графические представления. <b>Осваивать и применять</b> неравенства при решении различных задач, в том числе практико-ориентированных
	Контрольная работа № 4	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Функции</b> <b>16 часов</b>			
5.1.	Графики функций: $y = kx$ , $y = kx + b$	2	<b>Распознавать</b> виды изучаемых функций; <b>иллюстрировать схематически, объяснять</b> расположение на координатной плоскости графиков функций вида: $y = kx$ , $y = kx + b$ , $y = x^2$ , $y = k/x$ , $y = x^3$ , $y = \sqrt{x}$ , $y =  x $ в зависимости от значений коэффициентов; описывать их свойства.
5.2.	Графики функций: $y = x^2$	3	<b>Распознавать</b> квадратичную функцию по формуле.
5.3.	Квадратичная функция, её график и свойства. Парабола, координаты вершины параболы, ось симметрии параболы	5	<b>Приводить примеры</b> квадратичных зависимостей из реальной жизни, физики, геометрии. <b>Выявлять</b> и обобщать особенности графика квадратичной функции $y = ax^2 + bx + c$ .
5.4.	Графики функций: $y = k/x$ , $y = x^3$ , $y = \sqrt{x}$ , $y =  x $	5	<b>Строить и изображать схематически</b> графики квадратичных функций, заданных формулами вида $y = ax^3$ , $y = ax^2 + q$ , $y = a(x + p)^2$ , $y = ax^2 + bx + c$ . <b>Анализировать и применять свойства</b> изученных функций для их построения, в том числе с помощью цифровых ресурсов
	Контрольная работа № 5	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения



<b>Числовые последовательности</b>			
<b>15 часов</b>			
6.1.	Понятие числовой последовательности	1	<p><b>Осваивать и применять</b> индексные обозначения, <b>строить речевые высказывания</b> с использованием терминологии, связанной с понятием последовательности.</p> <p><b>Анализировать</b> формулу <math>n</math>-го члена последовательности или рекуррентную формулу <b>и вычислять</b> члены последовательностей, заданных этими формулами. <b>Устанавливать закономерность</b> в построении последовательности, если выписаны первые несколько её членов. <b>Распознавать</b> арифметическую и геометрическую прогрессии при разных способах задания.</p> <p><b>Решать</b> задачи с использованием формул <math>n</math>-го члена арифметической и геометрической прогрессий, суммы первых <math>n</math> членов.</p> <p><b>Изображать</b> члены последовательности точками на координатной плоскости.</p> <p><b>Рассматривать примеры процессов и явлений</b> из реальной жизни, иллюстрирующие изменение в арифметической прогрессии, в геометрической прогрессии; изображать соответствующие зависимости графически.</p> <p><b>Решать задачи</b>, связанные с числовыми последовательностями, в том числе задачи из реальной жизни с использованием цифровых технологий (электронных таблиц, графического калькулятора и т.п.).</p> <p><b>Решать</b> задачи на сложные проценты, в том числе задачи из реальной практики (с использованием калькулятора).</p> <p><b>Знакомиться с историей</b> развития математики</p>
6.2.	Задание последовательности рекуррентной формулой и формулой $n$ -го члена	1	
6.3.	Арифметическая прогрессия . Формулы $n$ -го члена арифметической прогрессий и суммы первых $n$ членов	3	
6.4.	Геометрическая прогрессия . Формулы $n$ -го члена геометрической прогрессий и суммы первых $n$ членов	3	
6.5.	Изображение членов арифметической и геометрической прогрессий точками на координатной плоскости	2	
6.6.	Линейный и экспоненциальный рост	1	
6.7.	Сложные проценты	2	
	Контрольные работы №6,7	2	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Повторение, обобщение, систематизация знаний. 18 часов</b>			
	<p><b>Числа и вычисления</b> (запись, сравнение, действия с действительными числами, числовая прямая; проценты, отношения, пропорции; округление, приближение, оценка; решение текстовых задач арифметическим способом)</p>		<p><b>Оперировать понятиями:</b> множество, подмножество, операции над множествами; <b>использовать</b> графическое представление множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.</p> <p><b>Актуализировать терминологию и основные действия, связанные с числами:</b> натуральное число, простое и составное числа, делимость натуральных чисел, признаки делимости, целое число, модуль числа, обыкновенная и десятичная дроби, стандартный вид числа, арифметический квадратный корень.</p> <p><b>Выполнять действия, сравнивать и упорядочивать</b> числа, представлять числа на координатной прямой, округлять числа;</p>
		5	

			<p><b>выполнять прикидку и оценку результата вычислений.</b></p> <p><b>Решать текстовые задачи</b> арифметическим способом.</p> <p><b>Решать практические задачи</b>, содержащие проценты, доли, части, выражающие зависимости: скорость – время – расстояние, цена – количество – стоимость, объём работы – время – производительность труда.</p> <p><b>Разбирать</b> реальные жизненные ситуации, <b>формулировать</b> их на языке математики, <b>находить</b> решение, применяя математический аппарат, <b>интерпретировать</b> результат</p>
	<p><b>Алгебраические выражения</b> (преобразование алгебраических выражений, допустимые значения)</p>	6	<p><b>Оперировать понятиями:</b> степень с целым показателем, арифметический квадратный корень, многочлен, алгебраическая дробь, тождество.</p> <p><b>Выполнять основные действия:</b> выполнять расчёты по формулам, преобразовывать целые, дробно-рациональные выражения и выражения с корнями, реализовывать разложение многочлена на множители, в том числе с использованием формул разности квадратов и квадрата суммы и разности; находить допустимые значения переменных для дробно-рациональных выражений, корней.</p> <p><b>Моделировать</b> с помощью формул реальные процессы и явления</p>
	<p>Функции (построение, свойства изученных функций; графическое решение уравнений и их систем)</p>	6	<p><b>Оперировать понятиями:</b> функция, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания, убывания, наибольшее и наименьшее значения функции.</p> <p><b>Анализировать, сравнивать, обсуждать</b> свойства функций, <b>строить</b> их графики.</p> <p><b>Оперировать понятиями:</b> прямая пропорциональность, обратная пропорциональность, линейная функция, квадратичная функция, парабола, гиперболола.</p> <p><b>Использовать графики</b> для определения свойств, процессов и зависимостей, для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни; <b>моделировать</b> с помощью графиков реальные процессы и явления.</p> <p><b>Выражать формулами</b> зависимости между величинами</p>
	Итоговая контрольная работа	1	Контролировать и оценивать свою работу
	<b>Общее количество часов по программе</b>	<b>102</b>	

**«ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»**

**9 класс**

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Повторение курса 8 класса. 4 часа</b>			
	Повторение по темам «Представление данных», «Описательная статистика», «Операции над событиями», «Независимость событий», «Элементы комбинаторики»,	4	<b>Повторять</b> изученное, и <b>выстраивать систему</b> знаний. <b>Решать задачи</b> на представление и описание данных. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей объединения и пересечения событий, в том числе независимых, с использованием графических представлений и дерева случайного опыта. <b>Решать задачи</b> на перечисление комбинаций (числа перестановок, числа сочетаний), на нахождение вероятностей событий с применением комбинаторики, в том числе с использованием треугольника Паскаля
<b>Глава 14. Элементы комбинаторики. 4 часа</b>			
48	Комбинаторное правило умножения.	1	<b>Осваивать понятия:</b> комбинаторное правило умножения, упорядоченная пара, тройка объектов, перестановка, факториал числа, сочетание, число сочетаний, треугольник Паскаля. <b>Решать задачи</b> на перечисление упорядоченных пар, троек, перечисление перестановок и сочетаний элементов различных множеств. <b>Решать задачи</b> на применение чисел сочетаний в алгебре (сокращённое умножение, бином Ньютона). <b>Решать, применяя</b> комбинаторику, задачи на вычисление вероятностей, в том числе с помощью электронных таблиц в ходе практической работы
49	Перестановки. Факториал.	1	
50	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	2	
<b>Глава 15. Геометрическая вероятность. 4 часа</b>			
51	Выбор точки из фигуры на плоскости.	2	<b>Осваивать понятие</b> геометрической вероятности. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей в опытах, представимых как выбор точек из многоугольника, круга, отрезка или дуги окружности, числового промежутка
52	Выбор точки из отрезка и дуги окружности	1	
	Повторение и промежуточный контроль. Контрольная работа № 1	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Глава 16. Испытания Бернулли. 6 часов</b>			
53	Успех и неудача. Испытания до первого успеха.	2	<b>Осваивать понятия:</b> испытание, элементарное событие в испытании (успех и неудача), серия испытаний, наступление первого успеха (неудачи), серия испытаний Бернулли. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей событий в серии испытаний до первого успеха, в том числе с применением формулы суммы геометрической прогрессии. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей элементарных событий в серии испытаний Бернулли, на нахождение вероятности
54	Серия испытаний Бернулли	1	
55	Число успехов в испытаниях Бернулли	1	
56	Вероятности событий в испытаниях Бернулли	2	

			определённого числа успехов в серии испытаний Бернулли. <b>Изучать в ходе практической работы</b> , в том числе с помощью цифровых ресурсов, свойства вероятности в серии испытаний Бернулли
<b>Глава 17. Случайные величины. 6 часов</b>			
57	Примеры случайных величин. Распределение вероятностей случайной величины	1	<b>Освоить понятия:</b> случайная величина, значение случайной величины, распределение вероятностей. <b>Изучать и обсуждать</b> примеры дискретных и непрерывных случайных величин (рост, вес человека, численность населения, другие изменчивые величины, рассматриваемые в курсе статистики), модельных случайных величин, связанных со случайными опытами (бросание монеты, игральной кости, со случайным выбором и т. п.). <b>Осваивать понятия:</b> математическое ожидание случайной величины как теоретическое среднее значение, дисперсия случайной величины как аналог дисперсии числового набора. <b>Решать задачи</b> на вычисление математического ожидания и дисперсии дискретной случайной величины по заданному распределению, в том числе задач, связанных со страхованием и лотереями. <b>Знакомиться</b> с математическим ожиданием и дисперсией некоторых распределений, в том числе распределения случайной величины «число успехов» в серии испытаний Бернулли. <b>Изучать</b> частоту события в повторяющихся случайных опытах как случайную величину. <b>Знакомиться</b> с законом больших чисел (в форме Бернулли): при большом числе опытов частота события близка к его вероятности. <b>Решать задачи</b> на измерение вероятностей с помощью частот. <b>Обсуждать</b> роль закона больших чисел в обосновании частотного метода измерения вероятностей. <b>Обсуждать</b> закон больших чисел как проявление статистической устойчивости в изменчивых явлениях, роль закона больших чисел в природе и в жизни человека
58	Математическое ожидание случайной величины	1	
59	Дисперсия и стандартное отклонение	1	
60	Математическое ожидание, дисперсия числа успехов и частоты успеха в серии испытаний Бернулли	1	
61	Закон больших чисел и его применение	1	
	Повторение и промежуточный контроль. Контрольная работа № 2	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Итоговое повторение и контроль. 10 часов</b>			
	Итоговое повторение и обобщение материала по всем темам курса 7—9 классов	9	<b>Повторять</b> изученное и <b>выстраивать систему</b> знаний. <b>Решать задачи</b> на представление и описание данных. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей событий, в том числе в опытах с равновероятными элементарными событиями, вероятностей

			объединения и пересечения событий, вычислять вероятности в опытах с сериями случайных испытаний
	Итоговая контрольная работа за курс 7—9 классов	1	Контролировать и оценивать свою работу
	<b>Общее количество часов</b>	<b>34</b>	

# ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

2 вариант

«АЛГЕБРА»

«ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»

8 класс

№ параграфа	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Глава 1. Рациональные выражения</b> <b>38 часа</b>			
1	Рациональные дроби	2	<p><i>Распознавать</i> целые рациональные выражения, дробные рациональные выражения, приводить примеры таких выражений.</p> <p><i>Формулировать:</i></p> <p><i>определения:</i> рационального выражения, допустимых значений переменной, тождественно равных выражений, тождества, равносильных уравнений, рационального уравнения, степени с нулевым показателем, степени с целым отрицательным показателем, стандартного вида числа, обратной пропорциональности;</p> <p><i>свойства:</i> основное свойство рациональной дроби, свойства степени с целым показателем, уравнений, функции <math>y = \frac{k}{n}</math>;</p> <p><i>правила:</i> сложения, вычитания, умножения, деления дробей, возведения дроби в степень; условие равенства дроби нулю.</p> <p><i>Доказывать</i> свойства степени с целым показателем.</p> <p><i>Описывать</i> графический метод решения уравнений с одной переменной.</p> <p><i>Применять</i> основное свойство рациональной дроби для сокращения и преобразования дробей. Приводить дроби к новому (общему) знаменателю. Находить сумму, разность, произведение и частное дробей. Выполнять тождественные преобразования рациональных выражений.</p> <p><i>Решать</i> уравнения с переменной в знаменателе дроби.</p> <p><i>Применять</i> свойства степени с целым показателем для преобразования выражений.</p> <p><i>Записывать</i> числа в стандартном виде.</p> <p><i>Выполнять</i> построение и чтение графика функции <math>y = \frac{k}{n}</math></p>
2	Основное свойство рациональной дроби	2	
3	Сложение и вычитание рациональных дробей с одинаковыми знаменателями	3	
4	Сложение и вычитание рациональных дробей с разными знаменателями	5	
	Контрольная работа № 1	1	
5	Умножение и деление рациональных дробей. Возведение рациональной дроби в степень	4	
6	Тождественные преобразования рациональных выражений	7	
	Контрольная работа № 2	1	
7	Равносильные уравнения. Рациональные уравнения	3	
8	Степень с целым отрицательным показателем	3	
9	Свойства степени с целым показателем	3	
10	Функция $y = \frac{k}{x}$ и её график	3	
	Контрольная работа № 3	1	

№ параграфа	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Глава 2. Квадратные корни. Действительные числа 17 часов</b>			
11	Функция $y = x^2$ и её график	2	<p><i>Описывать:</i> понятие множества, элемента множества, способы задания множеств; множество натуральных чисел, множество целых чисел, множество рациональных чисел, множество действительных чисел и связи между этими числовыми множествами; связь между бесконечными десятичными дробями и рациональными, иррациональными числами.</p> <p><i>Распознавать</i> рациональные и иррациональные числа. Приводить примеры рациональных чисел и иррациональных чисел.</p> <p><i>Записывать</i> с помощью формул свойства действий с действительными числами.</p> <p><i>Формулировать:</i> <i>определения:</i> квадратного корня из числа, арифметического квадратного корня из числа, равных множеств, подмножества, пересечения множеств, объединения множеств; <i>свойства:</i> функции <math>y = x^2</math>, арифметического квадратного корня, функции <math>y = \sqrt{x}</math>.</p> <p><i>Доказывать</i> свойства арифметического квадратного корня.</p> <p><i>Строить</i> графики функций <math>y = x^2</math> и <math>y = \sqrt{x}</math>.</p> <p>Применять понятие арифметического квадратного корня для вычисления значений выражений.</p> <p><i>Упрощать</i> выражения. Решать уравнения. Сравнить значения выражений. Выполнять преобразование выражений с применением вынесения множителя из-под знака корня, внесение множителя под знак корня. Выполнять освобождение от иррациональности в знаменателе дроби, анализ соотношений между числовыми множествами и их элементами</p>
12	Квадратные корни. Арифметический квадратный корень	3	
16	Свойства арифметического квадратного корня	3	
17	Тождественные преобразования выражений, содержащих квадратные корни	5	
18	Функция $y = \sqrt{x}$ и её график	3	
	Контрольная работа № 4	1	
<b>Глава 3. Квадратные уравнения 23 часов</b>			
19	Квадратные уравнения. Решение неполных квадратных уравнений	3	<p><i>Распознавать</i> и приводить примеры квадратных уравнений различных видов (полных, неполных, приведённых), квадратных трёхчленов.</p> <p><i>Описывать</i> в общем виде решение неполных квадратных уравнений.</p> <p><i>Формулировать:</i> <i>определения:</i> уравнения первой степени, квадратного уравнения; квадратного трёхчлена, дискриминанта квадратного уравнения</p>
20	Формула корней квадратного уравнения	3	
21	Теорема Виета	3	
	Контрольная работа № 5	1	
22	Квадратный трёхчлен	3	

№ параграфа	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
23	Решение уравнений, которые сводятся к квадратным уравнениям	5	и квадратного трёхчлена, корня квадратного трёхчлена; биквадратного уравнения; <i>свойства</i> квадратного трёхчлена; <i>теорему</i> Виета и обратную ей теорему.
24	Рациональные уравнения как математические модели реальных ситуаций	4	<i>Записывать</i> и доказывать формулу корней квадратного уравнения. Исследовать количество корней квадратного уравнения в зависимости от знака его дискриминанта.
	Контрольная работа № 6	1	<i>Доказывать теоремы:</i> Виета (прямую и обратную), о разложении квадратного трёхчлена на множители, о свойстве квадратного трёхчлена с отрицательным дискриминантом. <i>Описывать</i> на примерах метод замены переменной для решения уравнений. <i>Находить</i> корни квадратных уравнений различных видов. Применять теорему Виета и обратную ей теорему. Выполнять разложение квадратного трёхчлена на множители. Находить корни уравнений, которые сводятся к квадратным. Составлять квадратные уравнения и уравнения, сводящиеся к квадратным, являющиеся математическими моделями реальных ситуаций
<b>Вероятность и статистика</b> <b>16 часов</b>			
5-8	Описательная статистика	2	<b>Осваивать понятия:</b> числовой набор, мера центральной тенденции (мерацентра), в том числе среднеарифметическое, медиана. <b>Описывать</b> статистические данные с помощью среднего арифметического и медианы. Решать задачи. <b>Изучать свойства</b> средних, в том числе с помощью цифровых ресурсов, в ходе практических работ. <b>Осваивать понятия:</b> наибольшее и наименьшее значения числового массива, размах. <b>Решать задачи</b> на выбор способа описания данных в соответствии с природой данных и целями исследования
9-13	Случайная изменчивость	1	<b>Осваивать понятия:</b> частота значений в массиве данных, группировка данных, гистограмма. <b>Строить и анализировать</b> гистограммы, <b>подбирать</b> подходящий шаг группировки. <b>Осваивать</b> графические представления разных видов случайной изменчивости
14-16	Введение в теорию графов	1	<b>Осваивать понятия:</b> граф, вершина графа, ребро графа, степень (валентность вершины), цепь и цикл. <b>Осваивать понятия:</b> путь в графе, эйлеров



№ параграфа	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
			<p>путь, обход графа, ориентированный граф.  <b>Решать задачи</b> на поиск суммы степеней вершин графа, на поиск обхода графа, на поиск путей в ориентированных графах.  <b>Осваивать способы</b> представления задач из курса алгебры, геометрии, теории вероятностей, других предметов с помощью графов (карты, схемы, электрические цепи, функциональные соответствия) например</p>
28-31	Вероятность и частота случайного события	2	<p><b>Осваивать понятия:</b> случайный опыт и случайное событие, маловероятное и практически достоверное событие.  <b>Изучать</b> значимость маловероятных событий в природе и обществе на важных примерах (аварии, несчастные случаи, защита персональной информации, передача данных).  <b>Изучать</b> роль классических вероятностных моделей (монета, игральная кость) в теории вероятностей.  <b>Наблюдать и изучать</b> частоту событий в простых экспериментах, в том числе с помощью цифровых ресурсов, в ходе практической работы</p>
32-35	Описательная статистика. Рассеивание данных	1	<p><b>Осваивать понятия:</b> дисперсия и стандартное отклонение, использовать эти характеристики для описания рассеивания данных.  <b>Выдвигать гипотезы</b> об отсутствии или наличии связи по диаграммам рассеивания.  <b>Строить</b> диаграммы рассеивания по имеющимся данным, в том числе с помощью компьютера</p>
24-27	Множества	2	<p><b>Осваивать понятия:</b> множество, элемент множества, подмножество.  <b>Выполнять операции</b> над множествами: объединение, пересечение, дополнение.  <b>Использовать</b> свойства: переместительное, сочетательное, распределительное, включения.  <b>Использовать</b> графическое представление множеств при описании реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов и курсов</p>
28-31	Вероятность случайного события	2	<p><b>Осваивать понятия:</b> элементарное событие, случайное событие как совокупность благоприятствующих элементарных событий, равновозможные элементарные события.  <b>Решать задачи</b> на вычисление вероятностей событий по вероятностям элементарных событий случайного опыта.  <b>Решать задачи</b> на вычисление вероятностей событий в опытах с равновозможными</p>

№ параграфа	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
			элементарными событиями,
36-37	Введение в теорию графов	2	<p><b>Осваивать понятия:</b> дерево как граф без цикла, висячая вершина (лист), ветвь дерева, путь в дереве, диаметр дерева.</p> <p><b>Изучать свойства</b> дерева: существование висячей вершины, единственность пути между двумя вершинами, связь между числом вершин и числом рёбер.</p> <p><b>Решать задачи</b> на поиск и перечисление путей в дереве, определение числа вершин или рёбер в дереве, обход бинарного дерева, в том числе с применением правила умножения</p>
41-43	Случайные события	2	<p><b>Осваивать понятия:</b> взаимно противоположные события, операции над событиями, объединение и пересечение событий, диаграмма Эйлера (Эйлера—Венна), совместные и несовместные события.</p> <p><b>Изучать теоремы</b> о вероятности объединения двух событий (формулы сложения вероятностей).</p> <p><b>Решать задачи</b>, в том числе текстовые задачи на определение вероятностей объединения и пересечения событий с помощью числовой прямой, диаграмм Эйлера, формулы сложения вероятностей.</p> <p><b>Осваивать понятия:</b> правило умножения вероятностей, условная вероятность, независимые события дерево случайного опыта.</p> <p><b>Изучать свойства</b> (определения) независимых событий.</p> <p><b>Решать задачи</b> на определение и использование независимых событий.</p> <p><b>Решать задачи</b> на поиск вероятностей, в том числе условных, с использованием дерева случайного опыта</p>
	Итоговая контрольная работа	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Повторение и систематизация учебного материала</b>			
<b>8 часов</b>			
Упражнения для повторения курса 8 класса		7	<b>Выбирать, применять, оценивать способы</b> сравнения чисел, вычислений, преобразований выражений, решения уравнений.
Контрольная работа № 7		1	<b>Осуществлять самоконтроль</b> выполняемых действий и самопроверку результата вычислений, преобразований, построений. <b>Решать задачи из реальной жизни, применять</b> математические знания для решения задач из других предметов.

№ параграфа	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
			<b>Решать</b> текстовые задачи, сравнивать, <b>выбирать</b> способы решения задачи <b>Контролировать и оценивать</b> свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Общее количество часов по программе</b>		<b>102</b>	

**«АЛГЕБРА»**

**9 класс**

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Глава 1. Неравенства 21 час</b>			
1	Числовые неравенства	3	<i>Распознавать</i> и приводить примеры числовых неравенств, неравенств с переменными, линейных неравенств с одной переменной, двойных неравенств. <i>Формулировать:</i> <i>определения:</i> сравнения двух чисел, решения неравенства с одной переменной, равносильных неравенств, решения системы неравенств с одной переменной, области определения выражения; <i>свойства</i> числовых неравенств, сложения и умножения числовых неравенств <i>Доказывать:</i> свойства числовых неравенств, теоремы о сложении и умножении числовых неравенств. <i>Решать</i> линейные неравенства. Записывать решения неравенств и их систем в виде числовых промежутков, объединения, пересечения числовых промежутков. Решать систему неравенств с одной переменной. Оценивать значение выражения. Изображать на координатной прямой заданные неравенствами числовые промежутки
2	Основные свойства числовых неравенств	2	
3	Сложение и умножение числовых неравенств. Оценивание значения выражения	3	
4	Неравенства с одной переменной	2	
5	Решение неравенств с одной переменной. Числовые промежутки	5	
6	Системы линейных неравенств с одной переменной	5	
	Контрольная работа № 1	1	

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Глава 2. Квадратичная функция 39 часов</b>			
7	Повторение и расширение сведений о функции	3	<p><i>Описывать</i> понятие функции как правила, устанавливающего связь между элементами двух множеств.</p> <p><i>Формулировать:</i></p> <p><i>определения:</i> нуля функции; промежутков знакопостоянства функции; функции, возрастающей (убывающей) на множестве; квадратичной функции; квадратного неравенства;</p> <p><i>свойства</i> квадратичной функции;</p> <p><i>правила</i> построения графиков функций с помощью преобразований вида <math>f(x) \rightarrow f(x)+a</math>; <math>f(x) \rightarrow f(x+a)</math>; <math>f(x) \rightarrow kf(x)</math>.</p> <p><i>Строить</i> графики функций с помощью преобразований вида <math>f(x) \rightarrow f(x) + a</math>; <math>f(x) \rightarrow f(x+a)</math>; <math>f(x) \rightarrow kf(x)</math>.</p> <p><i>Строить</i> график квадратичной функции. По графику квадратичной функции описывать её свойства.</p> <p><i>Описывать</i> схематичное расположение параболы относительно оси абсцисс в зависимости от знака старшего коэффициента и дискриминанта соответствующего квадратного трёхчлена.</p> <p><i>Решать</i> квадратные неравенства, используя схему расположения параболы относительно оси абсцисс.</p> <p><i>Описывать</i> графический метод решения системы двух уравнений с двумя переменными, метод подстановки и метод сложения для решения системы двух уравнений с двумя переменными, одно из которых не является линейным.</p> <p><i>Решать</i> текстовые задачи, в которых система двух уравнений с двумя переменными является математической моделью реального процесса, и интерпретировать результат решения системы</p>
8	Свойства функции	3	
9	Как построить график функции $y = kf(x)$ , если известен график функции $y = f(x)$	3	
10	Как построить графики функций $y = f(x) + b$ и $y = f(x + a)$ , если известен график функции $y = f(x)$	4	
11	Квадратичная функция, её график и свойства	6	
	Контрольная работа № 2	1	
12	Решение квадратных неравенств	6	
13	Системы уравнений с двумя переменными	6	
14	Решение задач с помощью систем уравнений второй степени	6	
	Контрольная работа № 3	1	
<b>Глава 3. Элементы прикладной математики 11 часов</b>			
15	Математическое	3	<i>Приводит примеры:</i>

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
	моделирование		математических моделей реальных ситуаций;
16	Процентные расчёты	4	прикладных задач; приближённых величин; <i>Формулировать:</i> <i>определения:</i> абсолютной погрешности, относительной погрешности
17	Абсолютная и относительная погрешности	3	<i>Описывать</i> этапы решения прикладной задачи. Пояснять и записывать формулу сложных процентов. Проводить процентные расчёты с использованием сложных процентов.
	Контрольная работа № 4	1	<i>Находить</i> точность приближения приближённых значений величины. Использовать различные формы записи приближённого значения величины. Оценивать приближённое значение величины.
<b>Глава 4. Числовые последовательности</b> <b>19 часов</b>			
18	Числовые последовательности	2	<i>Приводить примеры:</i> последовательностей; числовых последовательностей, в частности арифметической и геометрической прогрессий; использования последовательностей в реальной жизни; задач, в которых рассматриваются суммы с бесконечным числом слагаемых.
19	Арифметическая прогрессия	4	<i>Описывать:</i> понятие последовательности, члена последовательности, способы задания последовательности.
20	Сумма $n$ первых членов арифметической прогрессии	3	<i>Вычислять</i> члены последовательности, заданной формулой $n$ -го члена или рекуррентно.
21	Геометрическая прогрессия	3	<i>Формулировать:</i> <i>определения:</i> арифметической прогрессии, геометрической прогрессии;
22	Сумма $n$ первых членов геометрической прогрессии	3	<i>свойства</i> членов геометрической и арифметической прогрессий. <i>Задавать</i> арифметическую и геометрическую прогрессии рекуррентно.
27	Сумма бесконечной геометрической прогрессии, у которой $ q  < 1$	3	<i>Записывать и пояснять</i> формулы общего члена арифметической и геометрической прогрессий. <i>Записывать и доказывать:</i> формулы суммы $n$ первых членов арифметической и геометрической прогрессий; формулы, выражающие свойства членов арифметической и геометрической прогрессий.
	Контрольная работа № 5	1	<i>Вычислять</i> сумму бесконечной геометрической прогрессии, у которой $ q  < 1$ . Представлять бесконечные периодические дроби в виде обыкновенных
<b>Повторение и систематизация учебного материала</b> <b>12 часов</b>			
23	<b>Числа и вычисления</b> (запись, сравнение, действия с	3	<b>Оперировать понятиями:</b> множество, подмножество, операции над множествами; <b>использовать</b> графическое представление множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
	действительным и числами, числовая прямая; проценты, отношения, пропорции; округление, приближение, оценка; решение текстовых задач арифметическим способом)		<p><b>Актуализировать терминологию и основные действия, связанные с числами:</b> натуральное число, простое и составное числа, делимость натуральных чисел, признаки делимости, целое число, модуль числа, обыкновенная и десятичная дроби, стандартный вид числа, арифметический квадратный корень.</p> <p><b>Выполнять действия, сравнивать и упорядочивать</b> числа, представлять числа на координатной прямой, округлять числа; <b>выполнять прикидку и оценку</b> результата вычислений.</p> <p><b>Решать текстовые задачи</b> арифметическим способом.</p> <p><b>Решать практические задачи</b>, содержащие проценты, доли, части, выражающие зависимости: скорость – время – расстояние, цена – количество – стоимость, объём работы – время – производительность труда.</p> <p><b>Разбирать</b> реальные жизненные ситуации, <b>формулировать</b> их на языке математики, <b>находить</b> решение, применяя математический аппарат, <b>интерпретировать</b> результат</p>
24	<b>Алгебраические выражения</b> (преобразование алгебраических выражений, допустимые значения)	4	<p><b>Оперировать понятиями:</b> степень с целым показателем, арифметический квадратный корень, многочлен, алгебраическая дробь, тождество.</p> <p><b>Выполнять основные действия:</b> выполнять расчёты по формулам, преобразовывать целые, дробно-рациональные выражения и выражения с корнями, реализовывать разложение многочлена на множители, в том числе с использованием формул разности квадратов и квадрата суммы и разности; находить допустимые значения переменных для дробно-рациональных выражений, корней.</p> <p><b>Моделировать</b> с помощью формул реальные процессы и явления</p>
25	<b>Функции</b> (построение, свойства изученных функций; графическое решение уравнений и их систем)	4	<p><b>Оперировать понятиями:</b> функция, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания, убывания, наибольшее и наименьшее значения функции.</p> <p><b>Анализировать, сравнивать, обсуждать</b> свойства функций, <b>строить</b> их графики.</p> <p><b>Оперировать понятиями:</b> прямая пропорциональность, обратная пропорциональность, линейная функция, квадратичная функция, парабола, гипербола.</p> <p><b>Использовать графики</b> для определения свойств, процессов и зависимостей, для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни; <b>моделировать</b> с помощью графиков реальные процессы и явления.</p> <p><b>Выражать формулами</b> зависимости между величинами</p>
	<b>Итоговая контрольная работа</b>	1	Контролировать и оценивать свою работу

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
	<b>Общее количество часов по программе</b>	<b>102</b>	

## «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»

9 класс

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Повторение курса 8 класса</b>			
<b>4 часа</b>			
	Повторение по темам «Представление данных», «Описательная статистика», «Операции над событиями», «Независимость событий», «Элементы комбинаторики», «Элементы теории множеств»	4	<b>Повторять</b> изученное, и <b>выстраивать систему</b> знаний. <b>Решать задачи</b> на представление и описание данных. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей объединения и пересечения событий, в том числе независимых, с использованием графических представлений и дерева случайного опыта. <b>Решать задачи</b> на перечисление комбинаций (числа перестановок, числа сочетаний), на нахождение вероятностей событий с применением комбинаторики, в том числе с использованием треугольника Паскаля
<b>Глава 14. Элементы комбинаторики</b>			
<b>4 часа</b>			
48	Комбинаторное правило умножения.	1	<b>Осваивать понятия:</b> комбинаторное правило умножения, упорядоченная пара, тройка объектов, перестановка, факториал числа, сочетание, число сочетаний, треугольник Паскаля. <b>Решать задачи</b> на перечисление упорядоченных пар, троек, перечисление перестановок и сочетаний элементов различных множеств. <b>Решать задачи</b> на применение чисел сочетаний в алгебре (сокращённое умножение, бином Ньютона). <b>Решать, применяя</b> комбинаторику, задачи на вычисление вероятностей, в том числе с помощью электронных таблиц в ходе практической работы
49	Перестановки. Факториал.	1	
50	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	2	
<b>Глава 15. Геометрическая вероятность</b>			
<b>4 часа</b>			
51	Выбор точки из фигуры на плоскости.	2	<b>Осваивать понятие</b> геометрической вероятности. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей в опытах, представимых как выбор точек из многоугольника, круга, отрезка или дуги окружности, числового промежутка
52	Выбор точки из отрезка и дуги окружности	1	
	Повторение и промежуточный контроль.	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий

	Контрольная работа № 1		этап обучения
<b>Глава 16. Испытания Бернулли</b> <b>6 часов</b>			
53	Успех и неудача. Испытания до первого успеха.	2	<p><b>Осваивать понятия:</b> испытание, элементарное событие в испытании (успех и неудача), серия испытаний, наступление первого успеха (неудачи), серия испытаний Бернулли.</p> <p><b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей событий в серии испытаний до первого успеха, в том числе с применением формулы суммы геометрической прогрессии.</p> <p><b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей элементарных событий в серии испытаний Бернулли, на нахождение вероятности определённого числа успехов в серии испытаний Бернулли.</p> <p><b>Изучать в ходе практической работы,</b> в том числе с помощью цифровых ресурсов, свойства вероятности в серии испытаний Бернулли</p>
54	Серия испытаний Бернулли	1	
55	Число успехов в испытаниях Бернулли	1	
56	Вероятности событий в испытаниях Бернулли	2	
<b>Глава 17. Случайные величины</b> <b>6 часов</b>			
57	Примеры случайных величин. Распределение вероятностей случайной величины	1	<p><b>Освоить понятия:</b> случайная величина, значение случайной величины, распределение вероятностей.</p> <p><b>Изучать и обсуждать</b> примеры дискретных и непрерывных случайных величин (рост, вес человека, численность населения, другие изменчивые величины, рассматривающиеся в курсе статистики), модельных случайных величин, связанных со случайными опытами (бросание монеты, игральной кости, со случайным выбором и т. п.).</p> <p><b>Осваивать понятия:</b> математическое ожидание случайной величины как теоретическое среднее значение, дисперсия случайной величины как аналог дисперсии числового набора.</p> <p><b>Решать задачи</b> на вычисление математического ожидания и дисперсии дискретной случайной величины по заданному распределению, в том числе задач, связанных со страхованием и лотереями.</p> <p><b>Знакомиться</b> с математическим ожиданием и дисперсией некоторых распределений, в том числе распределения случайной величины «число успехов» в серии испытаний Бернулли.</p> <p><b>Изучать</b> частоту события в повторяющихся случайных опытах как случайную величину.</p> <p><b>Знакомиться</b> с законом больших чисел (в форме Бернулли): при большом числе опытов частота события близка к его вероятности.</p> <p><b>Решать задачи</b> на измерение вероятностей с помощью частот.</p> <p><b>Обсуждать</b> роль закона больших чисел в</p>
58	Математическое ожидание случайной величины	1	
59	Дисперсия и стандартное отклонение	1	
60	Математическое ожидание, дисперсия числа успехов и частоты успеха в серии испытаний Бернулли	1	
61	Закон больших чисел и его применение	1	



			обосновании частотного метода измерения вероятностей. <b>Обсуждать</b> закон больших чисел как проявление статистической устойчивости в изменчивых явлениях, роль закона больших чисел в природе и в жизни человека
	Повторение и промежуточный контроль. Контрольная работа № 2	1	Контролировать и оценивать свою работу, ставить цели на следующий этап обучения
<b>Итоговое повторение и контроль 10 часов</b>			
	Итоговое повторение и обобщение материала по всем темам курса 7—9 классов	9	<b>Повторять</b> изученное и <b>выстраивать систему</b> знаний. <b>Решать задачи</b> на представление и описание данных. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей событий, в том числе в опытах с равновероятными элементарными событиями, вероятностей объединения и пересечения событий, вычислять вероятности в опытах с сериями случайных испытаний
	Итоговая контрольная работа за курс 7—9 классов	1	Контролировать и оценивать свою работу
	<b>Общее количество часов</b>	<b>34</b>	

## ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

### 3 вариант «АЛГЕБРА» 9 класс

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Глава 1. Неравенства 21 час</b>			
1	Числовые неравенства	3	<p><i>Распознавать</i> и приводить примеры числовых неравенств, неравенств с переменными, линейных неравенств с одной переменной, двойных неравенств.</p> <p><i>Формулировать:</i> <i>определения:</i> сравнения двух чисел, решения неравенства с одной переменной, равносильных неравенств, решения системы неравенств с одной переменной, области определения выражения;</p> <p><i>свойства</i> числовых неравенств, сложения и умножения числовых неравенств</p> <p><i>Доказывать:</i> свойства числовых неравенств, теоремы о сложении и умножении числовых неравенств.</p> <p><i>Решать</i> линейные неравенства. Записывать решения неравенств и их систем в виде числовых промежутков, объединения, пересечения числовых промежутков.</p> <p>Решать систему неравенств с одной переменной. Оценивать значение выражения. Изображать на координатной прямой заданные неравенствами числовые промежутки</p>
2	Основные свойства числовых неравенств	2	
3	Сложение и умножение числовых неравенств. Оценивание значения выражения	3	
4	Неравенства с одной переменной	2	
5	Решение неравенств с одной переменной. Числовые промежутки	5	
6	Системы линейных неравенств с одной переменной	5	
	Контрольная работа № 1	1	
<b>Глава 2. Квадратичная функция 39 часов</b>			
7	Повторение и расширение сведений о функции	3	<p><i>Описывать</i> понятие функции как правила, устанавливающего связь между элементами двух множеств.</p> <p><i>Формулировать:</i></p>

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)	
8	Свойства функции	3	<p><i>определения:</i> нуля функции; промежутков знакопостоянства функции; функции, возрастающей (убывающей) на множестве; квадратичной функции; квадратного неравенства;</p> <p><i>свойства</i> квадратичной функции;</p> <p><i>правила</i> построения графиков функций с помощью преобразований вида <math>f(x) \rightarrow f(x)+a</math>; <math>f(x) \rightarrow f(x+a)</math>; <math>f(x) \rightarrow kf(x)</math>.</p> <p><i>Строить</i> графики функций с помощью преобразований вида <math>f(x) \rightarrow f(x) + a</math>; <math>f(x) \rightarrow f(x+a)</math>; <math>f(x) \rightarrow kf(x)</math>.</p> <p><i>Строить</i> график квадратичной функции. По графику квадратичной функции описывать её свойства.</p> <p><i>Описывать</i> схематичное расположение параболы относительно оси абсцисс в зависимости от знака старшего коэффициента и дискриминанта соответствующего квадратного трёхчлена.</p> <p><i>Решать</i> квадратные неравенства, используя схему расположения параболы относительно оси абсцисс.</p> <p><i>Описывать</i> графический метод решения системы двух уравнений с двумя переменными, метод подстановки и метод сложения для решения системы двух уравнений с двумя переменными, одно из которых не является линейным.</p> <p><i>Решать</i> текстовые задачи, в которых система двух уравнений с двумя переменными является математической моделью реального процесса, и интерпретировать результат решения системы</p>	
9	Как построить график функции $y = kf(x)$ , если известен график функции $y = f(x)$	3		
10	Как построить графики функций $y = f(x) + b$ и $y = f(x + a)$ , если известен график функции $y = f(x)$	4		
11	Квадратичная функция, её график и свойства	6		
	Контрольная работа № 2	1		
12	Решение квадратных неравенств	6		
13	Системы уравнений с двумя переменными	6		
14	Решение задач с помощью систем уравнений второй степени	6		
	Контрольная работа № 3	1		
<b>Глава 3. Элементы прикладной математики</b>				
<b>11 часов</b>				
15	Математическое моделирование	3		<p><i>Приводить примеры:</i> математических моделей реальных ситуаций; прикладных задач; приближённых величин;</p> <p><i>Формулировать:</i> <i>определения:</i> абсолютной погрешности, относительной погрешности</p> <p><i>Описывать</i> этапы решения прикладной задачи.</p>
16	Процентные расчёты	4		
17	Абсолютная и относительная погрешности	3		

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
			Пояснять и записывать формулу сложных процентов.
	Контрольная работа № 4	1	Проводить процентные расчёты с использованием сложных процентов. <i>Находить</i> точность приближения приближённых значений величины. Использовать различные формы записи приближённого значения величины. Оценивать приближённое значение величины.
<b>Глава 4. Числовые последовательности</b> <b>19 часов</b>			
18	Числовые последовательности	2	<i>Приводить примеры:</i> последовательностей; числовых последовательностей, в частности арифметической и геометрической прогрессий; использования последовательностей в реальной жизни; задач, в которых рассматриваются суммы с бесконечным числом слагаемых.
19	Арифметическая прогрессия	4	<i>Описывать:</i> понятие последовательности, члена последовательности, способы задания последовательности. <i>Вычислять</i> члены последовательности, заданной формулой $n$ -го члена или рекуррентно.
20	Сумма $n$ первых членов арифметической прогрессии	3	<i>Формулировать:</i> <i>определения:</i> арифметической прогрессии, геометрической прогрессии; <i>свойства</i> членов геометрической и арифметической прогрессий.
21	Геометрическая прогрессия	3	<i>Задать</i> арифметическую и геометрическую прогрессии рекуррентно.
22	Сумма $n$ первых членов геометрической прогрессии	3	<i>Записывать и пояснять</i> формулы общего члена арифметической и геометрической прогрессий. <i>Записывать и доказывать:</i> формулы суммы $n$ первых членов арифметической и геометрической прогрессий; формулы, выражающие свойства членов арифметической и геометрической прогрессий.
27	Сумма бесконечной геометрической прогрессии, у которой $ q  < 1$	3	<i>Вычислять</i> сумму бесконечной геометрической прогрессии, у которой $ q  < 1$ . Представлять бесконечные периодические дроби в виде обыкновенных
	Контрольная работа № 5	1	
<b>Повторение и систематизация учебного материала</b> <b>12 часов</b>			
23	<b>Числа и вычисления</b> (запись, сравнение, действия с действительным и числами, числовая прямая; проценты,	3	<b>Оперировать понятиями:</b> множество, подмножество, операции над множествами; <b>использовать</b> графическое представление множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов. <b>Актуализировать терминологию и основные действия, связанные с числами:</b> натуральное число, простое и составное числа, делимость натуральных чисел, признаки делимости, целое число, модуль числа, обыкновенная и десятичная дроби, стандартный вид

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол-во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
	отношения, пропорции; округление, приближение, оценка; решение текстовых задач арифметическим способом)		числа, арифметический квадратный корень. <b>Выполнять действия, сравнивать и упорядочивать</b> числа, представлять числа на координатной прямой, округлять числа; <b>выполнять прикидку и оценку</b> результата вычислений. <b>Решать текстовые задачи</b> арифметическим способом. <b>Решать практические задачи</b> , содержащие проценты, доли, части, выражающие зависимости: скорость – время – расстояние, цена – количество – стоимость, объём работы – время – производительность труда. <b>Разбирать</b> реальные жизненные ситуации, <b>формулировать</b> их на языке математики, <b>находить</b> решение, применяя математический аппарат, <b>интерпретировать</b> результат
24	<b>Алгебраические выражения</b> (преобразование алгебраических выражений, допустимые значения)	4	<b>Оперировать понятиями:</b> степень с целым показателем, арифметический квадратный корень, многочлен, алгебраическая дробь, тождество. <b>Выполнять основные действия:</b> выполнять расчёты по формулам, преобразовывать целые, дробно-рациональные выражения и выражения с корнями, реализовывать разложение многочлена на множители, в том числе с использованием формул разности квадратов и квадрата суммы и разности; находить допустимые значения переменных для дробно-рациональных выражений, корней. <b>Моделировать</b> с помощью формул реальные процессы и явления
25	<b>Функции</b> (построение, свойства изученных функций; графическое решение уравнений и их систем)	4	<b>Оперировать понятиями:</b> функция, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания, убывания, наибольшее и наименьшее значения функции. <b>Анализировать, сравнивать, обсуждать</b> свойства функций, <b>строить</b> их графики. <b>Оперировать понятиями:</b> прямая пропорциональность, обратная пропорциональность, линейная функция, квадратичная функция, парабола, гипербола. <b>Использовать графики</b> для определения свойств, процессов и зависимостей, для решения задач из других учебных предметов и реальной жизни; <b>моделировать</b> с помощью графиков реальные процессы и явления. <b>Выражать формулами</b> зависимости между величинами
	Итоговая контрольная работа	1	Контролировать и оценивать свою работу
	<b>Общее количество часов по программе</b>	<b>102</b>	

## «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА»

9 класс

№ п/п	Содержание учебного материала	Кол- во часов	Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
<b>Описательная статистика</b> <b>3 часа</b>			
1	Числовые наборы. Среднее арифметическое. Медиана числового набора. Устойчивость медианы.	2	<b>Осваивать понятия:</b> числовой набор, мера центральной тенденции (мера центра), в том числе среднее арифметическое, медиана. <b>Описывать</b> статистические данные с помощью среднего арифметического и медианы. Решать задачи. <b>Изучать свойства</b> средних, в том числе с помощью цифровых ресурсов <b>Осваивать понятия:</b> наибольшее и наименьшее значения числового массива, размах.
2	Наибольшее и наименьшее значения числового набора. Размах	1	<b>Решать задачи</b> на выбор способа описания данных в соответствии с природой данных и целями исследования
<b>Случайная изменчивость</b> <b>2 часа</b>			
3	Случайная изменчивость (примеры). Частота значений в массиве данных.	1	<b>Осваивать понятия:</b> частота значений в массиве данных, группировка данных, гистограмма. <b>Строить и анализировать</b> гистограммы, <b>подбирать</b> подходящий шаг группировки. <b>Осваивать</b> графические представления разных видов случайной изменчивости, в том числе с помощью цифровых ресурсов,
4	Группировка. Гистограммы.	1	
<b>Введение в теорию графов</b> <b>2 час</b>			
5	Граф, вершина, ребро. Представление задачи с помощью графа. Степень (валентность) вершины. Число рёбер и суммарная степень вершин	1	<b>Осваивать понятия:</b> граф, вершина графа, ребро графа, степень (валентность вершины), цепь и цикл. <b>Осваивать понятия:</b> путь в графе, эйлеров путь, обход графа, ориентированный граф. <b>Решать задачи</b> на поиск суммы степеней вершин графа, на поиск обхода графа, на поиск путей в ориентированных графах. <b>Осваивать способы</b> представления задач из курса алгебры, геометрии, теории вероятностей, других предметов с помощью графов (карты, схемы, электрические цепи, функциональные соответствия) на примерах
6	Цепь и цикл. Путь в графе. Представление о связности графа. Обход графа (эйлеров путь). Представление об ориентированных графах	1	

<b>Вероятность и частота случайного события</b> <b>2 часа</b>			
7	Случайный опыт и случайное событие. Вероятность и частота события.	1	<b>Осваивать понятия:</b> случайный опыт и случайное событие, маловероятное и практически достоверное событие. <b>Изучать</b> значимость маловероятных событий в природе и обществе на важных примерах (аварии, несчастные случаи, защита персональной информации, передача данных).
8	Роль маловероятных и практически достоверных событий в природе и в обществе. Монета и игральная кость в теории вероятностей.	1	<b>Изучать</b> роль классических вероятностных моделей (монета, игральная кость) в теории вероятностей. <b>Наблюдать и изучать</b> частоту событий в простых экспериментах, в том числе с помощью цифровых ресурсов
Промежуточная контрольная работа №1 1 час			
<b>Описательная статистика. Рассеивание данных</b> <b>1 час</b>			
9	Отклонения. Дисперсия числового набора. Стандартное отклонение числового набора. Диаграммы рассеивания	1	<b>Осваивать понятия:</b> дисперсия и стандартное отклонение, использовать эти характеристики для описания рассеивания данных. <b>Выдвигать гипотезы</b> об отсутствии или наличии связи по диаграммам рассеивания. <b>Строить</b> диаграммы рассеивания по имеющимся данным, в том числе с помощью компьютера
<b>Вероятность случайного события</b> <b>2 часа</b>			
10	Элементарные события. Случайные события. Благоприятствующие элементарные события.	1	<b>Осваивать понятия:</b> элементарное событие, случайное событие как совокупность благоприятствующих элементарных событий, равновозможные элементарные события. <b>Решать задачи</b> на вычисление вероятностей событий по вероятностям элементарных событий случайного опыта.
11	Вероятности событий. Опыты с равновозможными элементарными событиями. Случайный выбор. Практическая работа «Опыты с равновозможными элементарными событиями»	1	<b>Решать задачи</b> на вычисление вероятностей событий в опытах с равновозможными элементарными событиями, в том числе с помощью компьютера.
<b>Введение в теорию графов</b> <b>2 часа</b>			
12	Дерево. Свойства дерева: единственность пути,	1	<b>Осваивать понятия:</b> дерево как граф без цикла, висячая вершина (лист), ветвь дерева, путь в дереве, диаметр дерева.

	существование висячей вершины, связь между числом вершин и числом рёбер.		<b>Изучать свойства</b> дерева: существование висячей вершины, единственность пути между двумя вершинами, связь между числом вершин и числом рёбер. <b>Решать задачи</b> на поиск и перечисление путей в дереве, определение числа вершин или рёбер в дереве, обход бинарного дерева, в том числе с применением правила умножения
13	Правило умножения	1	
<b>Случайные события 2 часа</b>			
14	Противоположное событие. Диаграмма Эйлера. Объединение и пересечение событий. Несовместные события.	1	<b>Осваивать понятия:</b> взаимно противоположные события, операции над событиями, объединение и пересечение событий, диаграмма Эйлера (Эйлера— Венна), совместные и несовместные события. <b>Изучать теоремы</b> о вероятности объединения двух событий (формулы сложения вероятностей). <b>Решать задачи</b> , в том числе текстовые задачи на определение вероятностей объединения и пересечения событий с помощью числовой прямой, диаграмм Эйлера, формулы сложения вероятностей.
15	Формула сложения вероятностей. Правило умножения вероятностей. Условная вероятность. Независимые события. Представление случайного эксперимента в виде дерева	1	<b>Осваивать понятия:</b> правило умножения вероятностей, условная вероятность, независимые события, дерево случайного опыта. <b>Изучать свойства</b> (определения) независимых событий. <b>Решать задачи</b> на определение и использование независимых событий. <b>Решать задачи</b> на поиск вероятностей, в том числе условных, с использованием дерева случайного опыта
Промежуточная контрольная работа №2 1 час			
<b>Элементы комбинаторики. 3 часа</b>			
16	Перестановки. Факториал.	1	<b>Осваивать понятия:</b> комбинаторное правило умножения, упорядоченная пара, тройка объектов, перестановка, факториал числа, сочетание, число сочетаний, треугольник Паскаля.
17	Сочетания и число сочетаний.	1	<b>Решать задачи</b> на перечисление упорядоченных пар, троек, перечисление перестановок и сочетаний элементов различных множеств.
18	Треугольник Паскаля. Практическая работа «Вычисление вероятностей с использованием комбинаторных функций электронных таблиц»	1	<b>Решать задачи</b> на применение числа сочетаний в алгебре (сокращённое умножение, бином Ньютона). <b>Решать, применяя</b> комбинаторику, задачи на вычисление вероятностей, в том числе с помощью электронных таблиц в ходе практической работы
<b>Геометрическая вероятность</b>			



<b>2 часа</b>			
19	Геометрическая вероятность.	1	<p><b>Осваивать понятие</b> геометрической вероятности.</p> <p><b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей в опытах, представимых как выбор точек из многоугольника, круга, отрезка или дуги окружности, числового промежутка</p>
20	Случайный выбор точки из фигуры на плоскости, из отрезка, из дуги окружности	1	
<b>Испытания Бернулли</b>			
<b>2 часа</b>			
21	Испытание. Успех и неудача. Серия испытаний до первого успеха.	1	<p><b>Осваивать понятия:</b> испытание, элементарное событие в испытании (успех и неудача), серия испытаний, наступление первого успеха (неудачи), серия испытаний Бернулли.</p> <p><b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей событий в серии испытаний до первого успеха, в том числе с применением формулы суммы геометрической прогрессии.</p> <p><b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей элементарных событий в серии испытаний Бернулли, на нахождение вероятности определённого числа успехов в серии испытаний Бернулли.</p> <p><b>Изучать в ходе практической работы,</b> в том числе с помощью цифровых ресурсов, свойства вероятности в серии испытаний Бернулли</p>
22	Испытания Бернулли. Вероятности событий в серии испытаний Бернулли. Практическая работа «Испытания Бернулли»	1	
<b>Случайная величина</b>			
<b>3 часа</b>			
23	Случайная величина и распределение вероятностей. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины.	1	<p><b>Освоить понятия:</b> случайная величина, значение случайной величины, распределение вероятностей.</p> <p><b>Изучать и обсуждать</b> примеры дискретных и непрерывных случайных величин (рост, вес человека, численность населения, другие изменчивые величины, рассматривавшиеся в курсе статистики), модельных случайных величин, связанных со случайными опытами (бросание монеты, игральной кости, со случайным выбором и т. п.).</p> <p><b>Осваивать понятия:</b> математическое ожидание случайной величины как теоретическое среднее значение, дисперсия случайной величины как аналог дисперсии числового набора.</p> <p><b>Решать задачи</b> на вычисление математического ожидания и дисперсии дискретной случайной величины по заданному распределению, в том числе задач, связанных со страхованием и лотереями.</p> <p><b>Знакомиться</b> с математическим ожиданием и дисперсией некоторых распределений, в том числе распределения случайной величины «число успехов» в серии испытаний Бернулли.</p> <p><b>Изучать</b> частоту события в повторяющихся случайных опытах как случайную величину.</p> <p><b>Знакомиться</b> с законом больших чисел (в форме Бернулли): при большом числе опытов частота события</p>
24	Примеры математического ожидания как теоретического среднего значения величины.	1	
25	Понятие о законе больших чисел. Измерение вероятностей с помощью частот. Применение закона больших чисел	1	

			<p>близка к его вероятности.  <b>Решать задачи</b> на измерение вероятностей с помощью частот. <b>Обсуждать</b> роль закона больших чисел в обосновании частотного метода измерения вероятностей.  <b>Обсуждать</b> закон больших чисел как проявление статистической устойчивости в изменчивых явлениях, роль закона больших чисел в природе и в жизни человека</p>
Промежуточная контрольная работа №3. 1 час			
<b>Повторение и систематизация учебного материала. 4 часа</b>			
26	Представление данных. Описательная статистика. Вероятность случайного события.	2	<b>Повторять</b> изученное и <b>выстраивать систему</b> знаний. <b>Решать задачи</b> на представление и описание данных. <b>Решать задачи</b> на нахождение вероятностей событий, в том числе в опытах с равновозможными элементарными событиями, вероятностей объединения и пересечения событий, вычислять вероятности в опытах с сериями случайных испытаний
27	Элементы комбинаторики. Случайные величины и распределения	2	
Итоговая контрольная работа 1 час			
	<b>Общее количество часов</b>	<b>34</b>	

## МАТЕРИАЛЬНО - ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ

### Основная литература:

1. Макарычев Ю.Н., Миндюк Н.Г., Нешков К.И. и др./ Под ред. Теляковского С.А. Математика. Алгебра. 7,8,9 класс. Базовый уровень; АО "Издательство "Просвещение", 2023 год.15-е издание, переработанное.
2. Алгебра: 8 класс: учебник для учащихся общеобразовательных учреждений/ А.Г.Мерзляк, В.Б.Полонский, М.С.Якир. – М : Вентана-Граф, 2019
3. Алгебра: 8 класс: дидактические материалы: сборник задач и контрольных работ/ А.Г.Мерзляк, В.Б.Полонский, М.С.Якир. – М : Вентана-Граф, 2019.
4. Алгебра: 8 класс: методическое пособие/Е.В.Буцко, А.Г.Мерзляк, В.Б.Полонский, М.С.Якир. – М : Вентана-Граф, 2019.
5. Алгебра: 9 класс: учебник для учащихся общеобразовательных учреждений/ А.Г.Мерзляк, В.Б.Полонский, М.С.Якир. – М : Вентана-Граф, 2019.
6. Алгебра: 9 класс: дидактические материалы: сборник задач и контрольных работ/ А.Г.Мерзляк, В.Б.Полонский, М.С.Якир. – М : Вентана-Граф, 2019.
7. Алгебра: 9 класс: методическое пособие/Е.В.Буцко, А.Г.Мерзляк, В.Б.Полонский, М.С.Якир. – М : Вентана-Граф, 2019.
8. Математика. Вероятность и статистика: 7—9-е классы : базовый уровень : методическое пособие к предметной линии учебников по вероятности и статистике И. Р. Высоцкого, И. В. Яценко под ред. И. В. Яценко. — 2-е изд., стер. — Москва : Просвещение, 2023.— 38 с.
9. Пособие для подготовки учащихся к ОГЭ под редакцией Яценко И.В. 2023г

### Дополнительная литература:

1. Гаврилова Т.Д. Занимательная математика : 5-11 классы. – Волгоград: Учитель, 2008.
2. Левитас Г.Г. Нестандартные задачи по математике. – М.: ИЛЕКСА, 2007
3. Фарков А.В. Математические олимпиады в школе: 5-11 классы. – М.:Айрис-Пресс, 2005.
4. Пичугин Л.Ф. За страницами учебника алгебры. – М. : Просвещение, 2010

### Электронные образовательные ресурсы

1. Математика 5-11 классы. Практикум. Учебное электронное издание. Подготовлено при содействии НФПК –под ред. Дубровского.
2. Серия «1С: Коллекция образовательных ресурсов». Я умею решать уравнения. Интерактивный тренажер для 2-8 классов.
3. <https://myschool.edu.ru/> .
4. <https://lesson.academy-content.myschool.edu.ru/lesson/>
5. <HTTPS://RESH.EDU.RU/>
6. <HTTPS://SKYSMART.RU>
7. <HTTPS://WWW.YAKLASS.RU/>
8. <https://resh.edu.ru/>
9. <https://uchi.ru/>

10. <https://math8-vpr.sdamgia.ru/>
11. <http://urokimatematiki.ru/>
12. <http://www.matematika-na.ru/>
13. <http://www.unimath.ru/?mode=0&idstructure=80010>
14. [http://www.vneuroka.ru/matmir\\_teacher.php?cat=2&sub=2](http://www.vneuroka.ru/matmir_teacher.php?cat=2&sub=2)

### **Учебное оборудование и приборы**

1. Компьютер. Проектор. Экран.
2. Линейка классная
3. Треугольник классный ( $45^\circ$ ,  $45^\circ$ )
4. Треугольник классный ( $30^\circ$ ,  $60^\circ$ )
5. Транспортир классный
6. Циркуль классный
7. Набор классного инструмента
8. Мел белый
9. Мел цветной.
10. Модели для изучения геометрических фигур – части целого на круге, тригонометрический круг, стереометричный набор, наборы геометрических моделей и фигур с разверткой.
11. Печатные материалы для раздачи на уроках – портреты выдающихся ученых в области математики, дидактические материалы по алгебре и геометрии, комплекты таблиц.